

Функция / угол в рад.	$\pi/2 - \alpha$	$\pi/2 + \alpha$	$\pi - \alpha$	$\pi + \alpha$	$3\pi/2 - \alpha$	$3\pi/2 + \alpha$	$2\pi - \alpha$	$2\pi + \alpha$
sin	cos $\alpha$	cos $\alpha$	sin $\alpha$	- sin $\alpha$	- cos $\alpha$	- cos $\alpha$	- sin $\alpha$	sin $\alpha$
cos	sin $\alpha$	- sin $\alpha$	- cos $\alpha$	- cos $\alpha$	- sin $\alpha$	sin $\alpha$	cos $\alpha$	cos $\alpha$
tg	ctg $\alpha$	- ctg $\alpha$	- tg $\alpha$	tg $\alpha$	ctg $\alpha$	- ctg $\alpha$	- tg $\alpha$	tg $\alpha$
ctg	tg $\alpha$	- tg $\alpha$	- ctg $\alpha$	ctg $\alpha$	tg $\alpha$	- tg $\alpha$	- ctg $\alpha$	ctg $\alpha$
Функция / угол в °	$90^\circ - \alpha$	$90^\circ + \alpha$	$180^\circ - \alpha$	$180^\circ + \alpha$	$270^\circ - \alpha$	$270^\circ + \alpha$	$360^\circ - \alpha$	$360^\circ + \alpha$

**Как запомнить.** Задаем себе вопрос: «Меняем функцию на парную, или нет?»

Представляем себе тригонометрический круг.

Если аргумент  $\frac{\pi}{2} \pm \alpha$  или  $\frac{3\pi}{2} \pm \alpha$ , то это переход через вертикальный диаметр. Вертикально мы киваем головой, когда хотим сказать "да", то есть меняем название функции:  $\sin \leftrightarrow \cos$ ,  $tg \leftrightarrow ctg$ .

Если аргумент  $\pi \pm \alpha$  или  $2\pi \pm \alpha$  то это переход через горизонтальный диаметр. Горизонтально мы «мотаем» головой, когда хотим сказать "нет", то есть название функции не меняем.

Чтобы определить знак перед преобразованной функцией, достаточно помнить знак исходной функции в каждой четверти (можно проверить по окружности). При этом всегда считаем, что угол  $\alpha$  находится в первой четверти.

Например:

- 1)  $\sin\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \cos(\alpha)$ . Синус во второй четверти положительный, поэтому ставим знак "+". Переходим через вертикальный диаметр, значит, меняем функцию на парную.
- 2)  $\sin(\pi + \alpha) = -\sin(\alpha)$ . В третьей четверти синус отрицательный, поэтому ставим знак минус. Переходим через горизонтальный диаметр, значит, не меняем функцию.

**Арифметическая прогрессия:**  $a_1, a_1 + d, a_1 + 2d, \dots, a_1 + (n - 1)d, \dots$

**Характеристическое свойство арифметической прогрессии:**  $a_n = \frac{a_{n-1} + a_{n+1}}{2}, n \geq 2$ , то есть каждый член (начиная со второго) равен среднему арифметическому соседних членов.

**Сумма первых  $n$  членов арифметической прогрессии**  $S_n = a_1 + a_2 + \dots + a_n$  может быть найдена по формулам

$$S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n \quad \text{или} \quad S_n = \frac{2a_1 + (n - 1)d}{2} \cdot n$$

**Геометрическая прогрессия:**  $b_1, b_1q, b_1q^2, \dots, b_1q^{n-1}$ , где  $b_1 \neq 0, q \neq 0$ :

**Характеристическое свойство геометрической прогрессии:**  $|b_n| = \sqrt{b_{n-1}b_{n+1}}, n \geq 2$ , то есть каждый член (начиная со второго) равен по модулю среднему геометрическому соседних членов.

**Сумма первых  $n$  членов геометрической прогрессии**

$$S_n = \begin{cases} \frac{b_1(q^n - 1)}{q - 1}, & \text{if } q \neq 1 \\ nb_1, & \text{if } q = 1 \end{cases}$$

Если  $|q| < 1$ , то  $S_n \rightarrow \frac{b_1}{1 - q}$  при  $n \rightarrow +\infty$ .