## МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «ЮЖНЫЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт математики, механики и компьютерных наук им. И.И. Воровича Кафедра вычислительной математики и математической физики

## Темы рефератов по дисциплине «НЕПРЕРЫВНЫЕ МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МОДЕЛИ»

## Темы

- 1. Вэйвлеты и условие Гёльдера. [9], гл. 2,9.
- 2. Вэйвлеты Мейера и Баттла-Лемарье. [9], гл. 5.
- 3. Вэйвлеты и субполосная фильтрация. [9], гл. 5.
- 4. Вэйвлеты с компактными носителями, каскадный алгоритм и уточняющие схемы. [9], гл. 6.
- 5. Обобщения теоремы Котельникова, атомарные функции, теория Стренга-фикса и полиномы Левитана. [13]
- 6. Принцип неопределённости в анализе непрерывных сигналов. [13]
- 7. Вэйвлеты, оконные преобразования и гилбертовы пространства с воспроизводящим ядром. Пространства Бергмана и Баргмана. [9], гл. 6.
- 8. Вэйвлеты и пространства  $L_p$ . [9], гл. 9.
- 9. Преобразование Лапласа (операционный метод), уравнения в свёртках и решение ОДУ. Примеры. [7], [1].
- 10. Исключительные случаи задачи Римана. [5]
- 11. Задача Римана в многосвязной области. [5]
- 12. Обобщённая задача Римана. [5]
- 13. Особыё (сингулярные) интегральные уравнения. Характеристическое уравнение. [5]
- 14. Регуляризация особого (сингулярного) интегрального уравнения. [5]
- 15. Теоремы Нетера об особом (сингулярном) интегральном уравнении. [5]
- 16. Задача Гильберта, задача с наклонной производной, и их сведение к задаче Римана. [5], [7].
- 17. Преобразование Лапласа (операционный метод), и расчёт электрических цепей. Примеры. [7], [1].
- 18. Уравнения типа свёртки: с двумя ядрами, парные, с переменным пределом интегрирования, с ядром, зависящим от отношения аргументов. [6]
- 19. Исключительные случаи уравнений типа свёртки. [6]
- 20. Приближённое решение уравнений типа свёртки. [6]
- 21. Обобщённые уравнения типа свёртки: системы уравнений типа Винера-Хопфа, интегро-дифференциальное, интегро-дифференциально-разностные уравнения. [6]
- 22. Уравнение «плавного перехода» и задача Карлемана (обобщённая задача Римана). [6]
- 23. Дискретные преобразования Фурье и Лорана и дискретные свёртки. [6]
- 24. Бесконечные системы алгебраических уравнений. [6]
- 25. Бесконечные системы ОДУ и их приведение к задачам Римана и Карлемана.[6]
- 26. Уравнения типа свёртки с периодическими ядрами и коэффициентами. Уравнения типа свёртки на замкнутых контурах комплексной плоскости. [6]
- 27. Вэйвлеты, метеорологические данные и Эль-Ниньо. [14]
- 28. Z-преобразование. [10], [12]
- 29. Фазовая проблема в одномерном случае [15].
- 30. Быстрое преобразование Фурье (БПФ) [12].
- 31. Линейные дискретные фильтры. Устойчивость, частотная характеристкика, вычисление отклика с помощью БПФ. Многоскоростная обработка сигналов, изменение частоты дискретизации и эффекты квантования в цифровых системах. [12].
- 32. Синтез фильтров. Адаптивная фильтрация. Дискретный винеровский фильтр. [12].
- 33. Вычисление дискретных вэйвлет-преобразований. Квадратурно-зеркальные фильтры. [12].
- 34. Применение дискретных вэйвлет-преобразований для сжатия сигналов и подавления шума. [12].

- 35. Метод JPEG. [12].
- 36. Нелинейные методы восстановления изображений. [17, 18].
- 37. Вейвлеты Добеши и обработка изображений [20, 19]

## Литература

- [1] Владимиров В.С. Уравнения математической физики. М.: Наука, 1971г.
- [2] Р. Рихтмайер Принципы современной математической физики. М.:Мир,1982.
- [3] А.Г. Свешников, А.Н. Тихонов Теория функций комплексной переменной/. 6-е изд., стереотип. М.: Физматлит, 2010. 334 с. ISBN 978-5-9221-0133-2 (Вып.5), 978-5-9221-0134-9
- [4] Левитан Б.М. Почти периодические функции. М.:1953. 396с. Уравнение Винера-Хопфа и задача Римана.
- [5] Гахов Ф.Д. Краевые задачи. М.:1977.
- [6] Гахов Ф.Д., Черский Ю.И. Уравнения типа свёртки. М.:1978.
- [7] Лаврентьев М.А., Шабат Б.В. Методы теории функций комплексного переменного. М.:1987
- [8] А. Д. Полянин, А. В. Манжиров. Справочник по интегральным уравнениям. М.: Физматлит, 2003.
- [9] Добеши И. Десять лекций о вейвлетах. Ижевск. 2001 г. 486 с.
- [10] Новиков Л.В. Основы вейвлет анализа сигналов. С.-Пб. 1999.
- [11] О.В.Нагорнов, В.Г.Никитаев ,В.М.Простокишин и др. Вейвлет-анализ в примерах : учебное пособие М. : МИФИ, 2010. 119c.-ISBN 978-5-7262-1387-3
- [12] Умняшкин, С.В. Теоретические основы цифровой обработки и представления сигналов М.: Техносфера, 2012. - 368 с. ISBN 978-5-94836-318-9
- [13] В.Ф.Кравченко, А.А. Зеленский, О.В. Горячкин и др. Цифровая обработка сигналов и изображений в радиофизических приложениях. М.: Физматлит, 2007. 544 с.-ISBN 978-5-9221-0871-3;
- [14] Н. М. Астафьева, Вейвлет-анализ: основы теории и примеры применения, Успехи физических наук, 166:11 (1996), 1145-1170
- [15] Новейшие методы обработки изображений. / Под ред. А. А. Потапова. -. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008. 496 с. ISBN 978-5-9221-0841-6
- [16] Синицын, И.Н. Фильтры Кальмана и Пугачева. 2-е изд., перераб. и доп. М. : Логос, 2007. 774 с. ISBN 978-5-98704-270-4 :
- [17] Василенко Г.И. Тараторин А.М. Восстановление изображений. М.:1986.
- [18] Яковлев А.Н. Введение в вейвлет-преобразования. Новосибирск: Изд-во НГТУ, 2003. 104 с.
- [19] Уэлстид С. Фракталы и вейвлеты для сжатия изображений в действии. М.: Триумф, 2003.
- [20] Штарк Г.-Г. Применение вейвлетов для ЦОС. М.: Техносфера, 2007.