

# Тесселяция

Компьютерная графика

# План

- Что это такое?
- Мотивация
- Тесселяционный конвейер
- Практическое использование

# Проблема детализации геометрии

Как эффективно отрисовывать сложные гладкие поверхности (персонажи, рельеф, органические объекты), не создавая для них гигантские статические сетки полигонов?

## Проблемы статических сеток:

- Перегруженность: Объект всегда отрисовывается с максимальной детализацией, даже если он далеко от камеры. Это тратит вычислительных ресурсов (вершинный шейдер, пропускная способность памяти).
- Недостаточность: Приближаясь к объекту, видны грубые полигоны.
- Жесткость: Уровень детализации (LOD) должен быть подготовлен художником заранее в нескольких вариантах.

## Решение:

Программируемая тесселяция. Позволяет динамически, на GPU, разбивать простые патчи (заготовки) на нужное количество треугольников непосредственно перед растеризацией.

# Мотивация

- Качество визуализации
- Экономия памяти
- Динамический уровень детализации
- Выполнение расчетов на уровне вершин



Base model



Bump mapping



Displacement mapping

# Что это такое?

Тесселяция — это разбиение некоторого примитива на несколько меньших.

# Тесселяционный конвейер в OpenGL 4.0



Аналогия для понимания:

**TCS (Контрольный шейдер)** -> Архитектор. Принимает «набросок» (патч). Решает, на сколько частей его нужно разбить по разным осям (задаёт **уровни тесселяции**). Может немного подправить контрольные точки.

**TPG (Генератор примитивов)** -> Конвейерный рабочий. Слепо выполняет план архитектора. Берёт патч и **создаёт** согласно указаниям **множество новых вершин**, но не зная, где им точно находиться в пространстве. Он **знает** только их **координаты внутри исходного патча** (**UV-координаты**, или **gl\_TessCoord**).

**TES (Шейдер оценки)** -> Дизайнер-декоратор. Получает от рабочего новую вершину и её «адрес» внутри патча (**gl\_TessCoord**). Имея исходный «набросок» (контрольные точки), **вычисляет окончательную 3D-позицию** этой вершины по заданной формуле (например, по уравнению кривой **Безье** или поверхности **NURBS**).

# Ключевые понятия

**Патч (Patch):** Примитив, который является **исходными данными для тесселяции**. Определяется набором **контрольных точек** (control points). Количество точек на патч задаётся (от 1 до 32).

Включает в себя как вершинные атрибуты, так и атрибуты задаваемые для всего патча.

**Контрольные точки (Control Points):** Вершины, описывающие **исходную форму**. Обычно их 3 (треугольный патч), 4 (квадратный/квад патч), 16 (бикубическая поверхность Безье). Проходят через вершинный шейдер и становятся `gl_in[]` в TCS.

**Уровни тесселяции (Tessellation Levels):** Главный параметр, управляющий детализацией.

- Внешние уровни (Outer Levels - `gl_TessLevelOuter[4]`): Определяют, на сколько сегментов разбивается каждая внешняя сторона патча.
- Внутренний уровень (Inner Levels - `gl_TessLevelInner[2]`): Определяет разбиение внутренней области патча.
- Задаются в TCS и используются TPG.

# Tessellation Control Шейдер. Подробнее

- Это программируемый шейдер (как вершинный или фрагментный). Вы пишете для него код на GLSL.
- Выполняется до тесселяции и задаёт ее параметры
- Выполняется для каждой контрольной вершины выходного патча, но при этом имеет полный доступ ко всем вершинам этого патча (как входным, так и выходным)

## Задачи:

Записать уровни тесселяции в `gl_TessLevelOuter` и `gl_TessLevelInner`.

При необходимости, преобразовать/скопировать контрольные точки из входного массива `gl_in[]` в выходной `gl_out[]`. Часто это просто копирование.

Важно: Все инварианты для одного патча (особенно уровни тесселяции) должны вычисляться одинаково во всех вызовах TCS для этого патча!

# TCS. Инстансы

**TCS** Работает группами (инстансами). Это его самая важная особенность.

`gl_InvocationID` — это встроенная переменная, номер текущего вызова шейдера внутри группы.

Одна группа = Один патч

Внутри группы шейдер вызывается один раз для каждой контрольной точки этого патча.

Пример: У вас патч из 4 точек (квадрат). Значит, для отрисовки одного такого патча TCS запустится 4 раза (инстанса). `gl_InvocationID` будет принимать значения 0, 1, 2, 3. Каждый инстанс обрабатывает одну конкретную контрольную точку.

# Патч. Установка параметров

Число вершин задаётся

**или в tessellation control shader**

При помощи директивы layout в нём явно задается число вершин в примитиве.

`layout(vertices = 3) out; // N - количество контрольных точек на выходе (и обычно на входе)`

**или**, если этот шейдер отсутствует, в коде самого приложения, при помощи команды  
`glPatchParameteri(GL_PATCH_VERTICES, vertexCount)`

```
glPatchParameterfv( GL_PATCH_DEFAULT_OUTER_LEVEL, outerLevels)  
glPatchParameterfv( GL_PATCH_DEFAULT_INNER_LEVEL, innerLevels)
```

# Параметры для glDrawArrays

При использовании тесселяции допустимым типом примитива для glDrawArrays является только GL\_PATCHES

no tessellation:

```
glDrawArrays(GL_TRIANGLES, firstVertex, vertexCount);
```

with tessellation:

```
glPatchParameteri(GL_PATCH_VERTICES, 3);
glDrawArrays(GL_PATCHES, firstVertex, vertexCount);
```

## Что поступает на вход

`gl_in` — массив вершин (состоит из `gl_Position`, `gl_PointSize` и `gl_ClipDistance[]`)

`gl_PatchVerticesIn` — количество вершин патча

`gl_PrimitiveID` — индекс примитива (патча), по которому нужно записать выходные данные. Записывать по другому индексу нельзя. Порядковый номер патча `gl_PrimitiveID` считается в рамках одного вызова `glDraw`

`gl_InvocationID` — порядковый номер выходной вершины

# Особенности данных

Все входные параметры, пришедшие от вершинного шейдера, передаются как массивы (так как шейдер имеет доступ ко всем вершинам патча сразу), при этом размер массива указывать не обязательно.

```
in vec3 normal [];      // per-vertex normal
```

## Что поступает на выход

`gl_out` — массив вершин

`gl_TessLevelInner` — данные для тесселятора (массив из 2x float) — управляет разбиением внутренностей примитива

`gl_TessLevelOuter` — ещё данные для тесселятора (массив из 4x float) — управляет разбиением границ примитива, каждое число отвечает за определённую сторону

# Tessellation Control Шейдер. Пример кода

```
#version 460 core
layout(vertices = 4) out; // 4 контрольные точки на выходе

void main() {
    // Копируем контрольные точки
    gl_out[gl_InvocationID].gl_Position = gl_in[gl_InvocationID].gl_Position;

    // Задаем уровни тесселяции (здесь - статические, но можно вычислять на основе расстояния до камеры)
    if (gl_InvocationID == 0) { // Делаем это только в первом вызове для патча
        gl_TessLevelOuter[0] = 2.0; // Левая грань
        gl_TessLevelOuter[1] = 4.0; // Нижняя грань
        gl_TessLevelOuter[2] = 2.0; // Правая грань
        gl_TessLevelOuter[3] = 4.0; // Верхняя грань
        gl_TessLevelInner[0] = 4.0; // Внутреннее разбиение по U
        gl_TessLevelInner[1] = 4.0; // Внутреннее разбиение по V
    }
}
```

## TCS. Ещё пример кода

```
#version 410 core
#define id gl_InvocationID // номер вершины

uniform float inner;
uniform float outer;
layout(vertices = 3) out; // задаёт размер патча в 3 вершины from vertex shader

in VertexCS {
    vec3 position;
    vec2 texcoord;
    vec3 normal;
} vertcs[];

// to evaluation shader
out VertexES {
    vec3 position;
    vec2 texcoord;
    vec3 normal;
} vertes[];
```

## TCS. Ещё пример кода. Продолжение

```
void main(void) {
    vertes[id].position = vertcs[id].position;
    vertes[id].texcoord = vertcs[id].texcoord;
    vertes[id].normal = vertcs[id].normal;

    if (0 == id) {
        gl_TessLevelInner[0] = inner;
        gl_TessLevelInner[1] = inner;
        gl_TessLevelOuter[0] = outer;
        gl_TessLevelOuter[1] = outer;
        gl_TessLevelOuter[2] = outer;
        gl_TessLevelOuter[3] = outer;
    }
    gl_out [id].gl_Position = gl_in[id].gl_Position;
}
```

# Tessellation Control Шейдер

- Патч отбрасывается если:
  - $\text{glTessLevelOuter}[x] \leq 0$
  - $\text{glTessLevelOuter}[x] = \text{NaN}$

# Не только копирование

Каждый инстанс TCS имеет доступ ко всем контрольным точкам патча на входе (`gl_in[]`) и должен заполнить соответствующую точку на выходе (`gl_out[]`).

`gl_in[gl_InvocationID].gl_Position` — позиция своей точки на входе (из вершинного шейдера).  
`gl_out[gl_InvocationID].gl_Position` — позиция своей точки на выходе (пойдет в TES).

**Чаще всего это просто копирование**

**Но здесь можно делать полезные вещи:**

- Сглаживание/схлопывание патча: Изменять позиции контрольных точек, чтобы повлиять на итоговую поверхность.
- Анимация контрольной сетки: Двигать точки перед тесселяцией.
- Переиндексация: Скопировать данные не один-в-один, а по другой схеме.

## Доступ к вершинам патча

Шейдер имеет доступ не только к входным данным для каждой вершины, но также и к выходным данным для каждой вершины патча (независимо от того для какой вершины он был вызван в данный момент).

Это позволяет при расчете одних вершин патча обращаться к результатам обработки других вершин того же патча.

Однако это несет в себе опасность, поскольку порядок вызова шейдера для обработки вершин одного и того же примитива, неопределён.

# Барьерная синхронизация — barrier()

**Проблема:** Инстансы TCS выполняются параллельно и независимо. Что если инстанс 0 читает данные, которые должен был записать инстанс 1? Без синхронизации это **data race (состояние гонки)**.

**Решение:** Вызов функции **barrier()**.

Это команда «СТОП!» для всех инстансов в патче.

Все инстансы ждут, пока все не дойдут до этой точки в коде.

Только после этого выполнение продолжается.

Когда использовать? Если инстансы обмениваются данными через `gl_out[]`.

Пример: Инстанс 0 хочет прочитать измененную инстансом 1 точку. Инстанс 1 должен её записать, потом оба должны вызвать `barrier()`, и только потом инстанс 0 может ее читать.

## Стандартный порядок команд в TCS:

- Копируем/обрабатываем свою контрольную точку (`gl_out[ID] = ...`)
- `barrier();` // Ждем, чтобы все точки были готовы
- (Опционально) Читаем точки соседей для расчетов
- В инстансе с `ID == 0` вычисляем и записываем `gl_TessLevel*`

# Генератор примитивов тесселяции (TPG) - фиксированный этап

**Не программируется.** На основании уровней от TCS генерирует сетку новых вершин

Преобразует входной патч в новый набор основных примитивов: точки, линии, треугольники

**Выход:**

Для каждой новой вершины определяет её нормализованные координаты внутри патча -  
**gl\_TessCoord (vec3)**

Для квадратного (quad) патча: `gl_TessCoord.xy` - это UV-координаты в диапазоне [0, 1]

Для треугольного (tri) патча: `gl_TessCoord.xyz` - это барицентрические координаты

# Шейдер оценки тесселяции (TES)

Вызывается на каждую вершину, сгенерированную TPG

**Получает на вход:**

- `gl_TessCoord` — адрес вершины внутри патча
- Контрольные точки из `gl_in[]` (те, что вышли из TCS)

**Главная задача:**

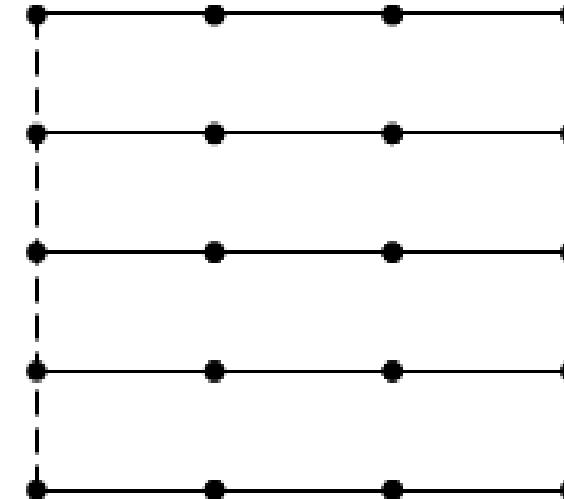
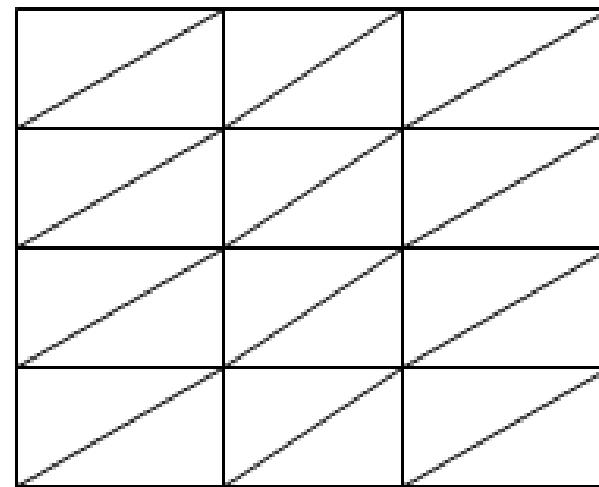
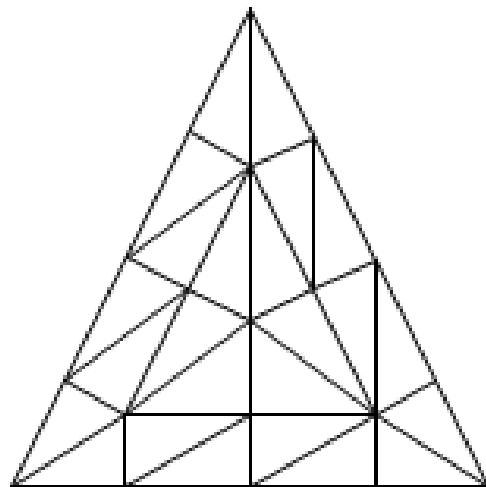
Используя `gl_TessCoord` и массив контрольных точек, вычислить итоговую позицию `gl_Position`

**Здесь реализуется математика интерполяции:**

- билинейная,
- Безье,
- Кунса,
- NURBS
- и т.д.

Также можно вычислять нормали, текстурные координаты для новой вершины

# Типы тесселяции примитивов — triangles, quads и isolines



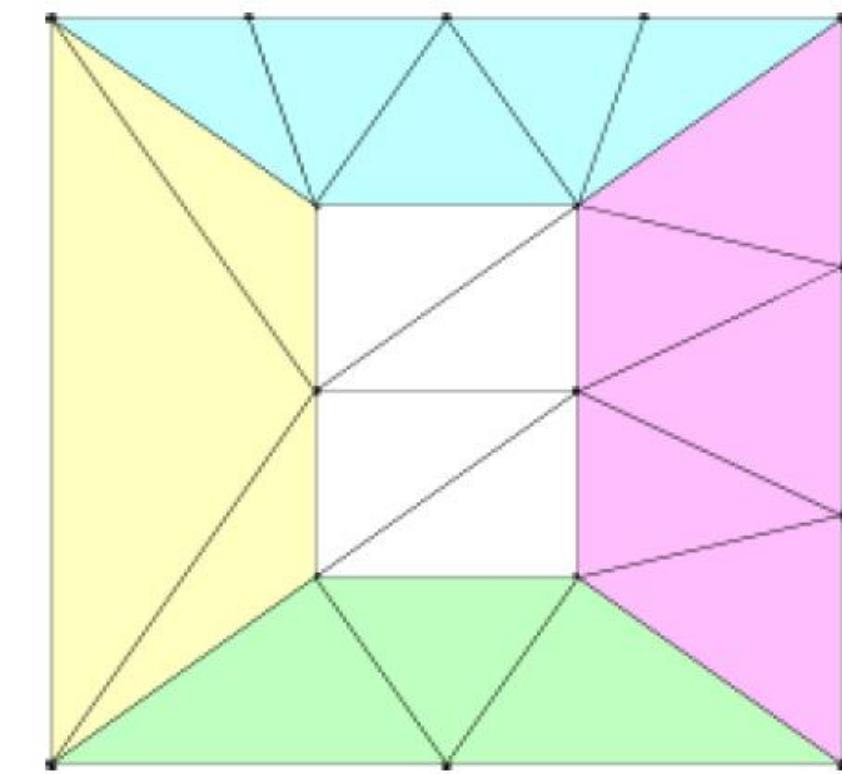
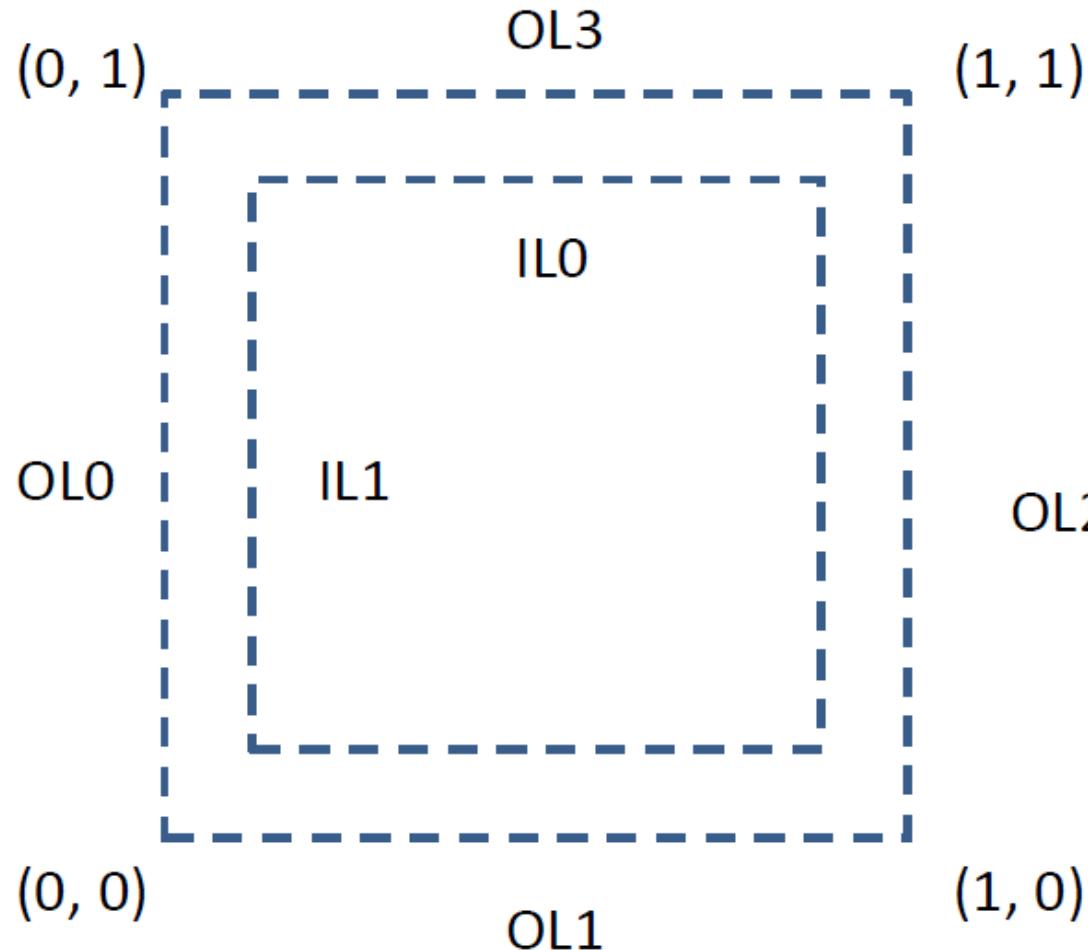
# layout

Тип разбиения задается определением layout

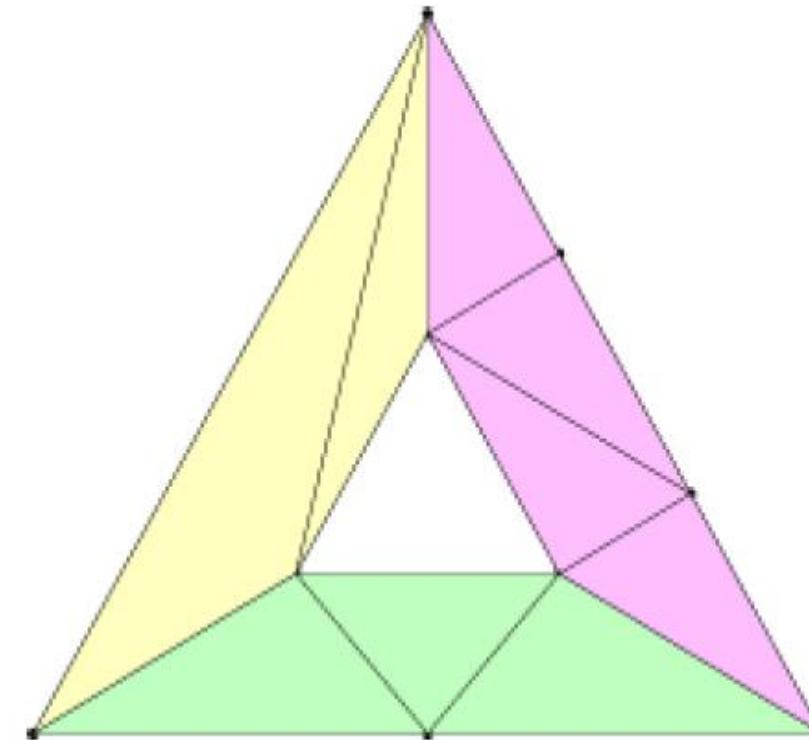
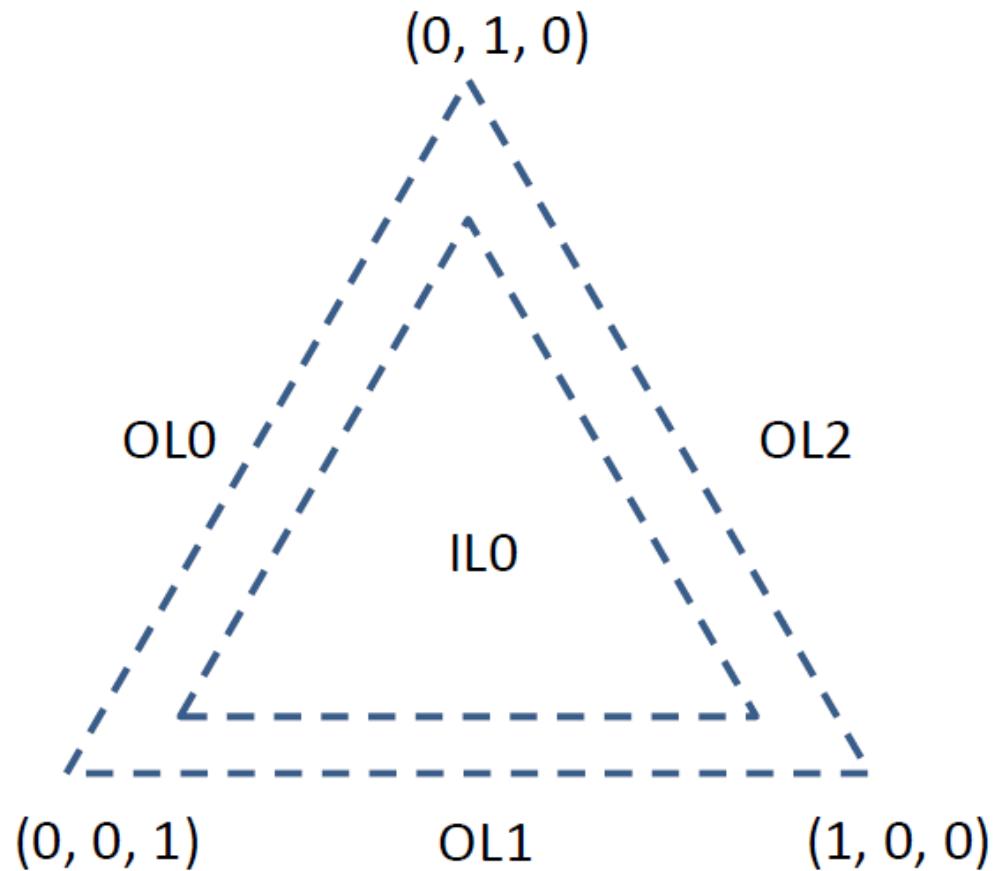
- layout(тип входного домена, разбиение, топология)
  - triangles, quads, isolines
  - equal\_spacing, fractional\_even\_spacing, fractional\_odd\_spacing
  - cc, ccw, point\_mode
- layout(triangles, equal\_spacing, ccw)

Параметр	Опция	Когда использовать
<b>Домен</b>	quads	Квадратные поверхности, терреины, патчи Безье 4x4.
	triangles	Треугольные поверхности, сферы из треугольников, адаптивная детализация.
	isolines	Отрисовка кривых, проволочные каркасы.
<b>Распределение</b>	equal_spacing	Производительность, статическая детализация, где LOD не важен.
	fractional_even_spacing	В 95% случаев. Плавный, красивый LOD для динамической тесселяции.
	fractional_odd_spacing	Если нужна всегда центральная линия/вершина.
<b>Ориентация</b>	ccw	Стандарт OpenGL. Лицевая сторона — против часовой стрелки.
	cw	Если по какой-то причине нужно инвертировать (редко).

# Тесселятор. Типы разбиений. Четырехугольники



# Тесселятор. Типы разбиений. Треугольники



## Что поступает на вход

`gl_in` — массив вершин

`gl_PatchVerticesIn` — количество вершин ИСХОДНОГО патча

`gl_PrimitiveID` — индекс примитива

`gl_TessCoord` — позиция вершины в патче (x, y, z)

`gl_TessLevelInner` — массив внутренних уровней тесселяции

`gl_TessLevelOuter` — массив внешних уровней тесселяции

# Что на выход

На выходе у него одна вершина (`gl_Position`, `gl_PointSize` и `gl_ClipDistance[]`)

# Пример TES для билинейной интерполяции квадратного патча

```
#version 460 core
layout(quads, equal_spacing, ccw) in; // Тип патча, способ разбиения, ориентация

void main() {
    float u = gl_TessCoord.x;
    float v = gl_TessCoord.y;

    // Билинейная интерполяция между 4 контрольными точками
    vec4 p0 = mix(gl_in[0].gl_Position, gl_in[1].gl_Position, u);
    vec4 p1 = mix(gl_in[2].gl_Position, gl_in[3].gl_Position, u);
    gl_Position = mix(p0, p1, v);

    // Здесь можно вычислить нормаль, если поверхность будет искривленной
}
```

# Tessellation Evaluation Шейдер. Входные/выходные данные

```
#version 410 core
// указывает способ разбиения треугольников - разбиение ребер на равные части
layout(triangles, equal_spacing) in;

uniform mat4 modelViewProjectionMatrix;
uniform sampler2D heightmap;

in VertexES { // from control shader
    vec3 position;
    vec2 texcoord;
    vec3 normal;
}
vertices[];

out VertexFS { // to fragment shader
    vec3 position;
    vec2 texcoord;
    vec3 normal;
} vertfs;
```

# Вычисление данных для передачи во фрагментный шейдер

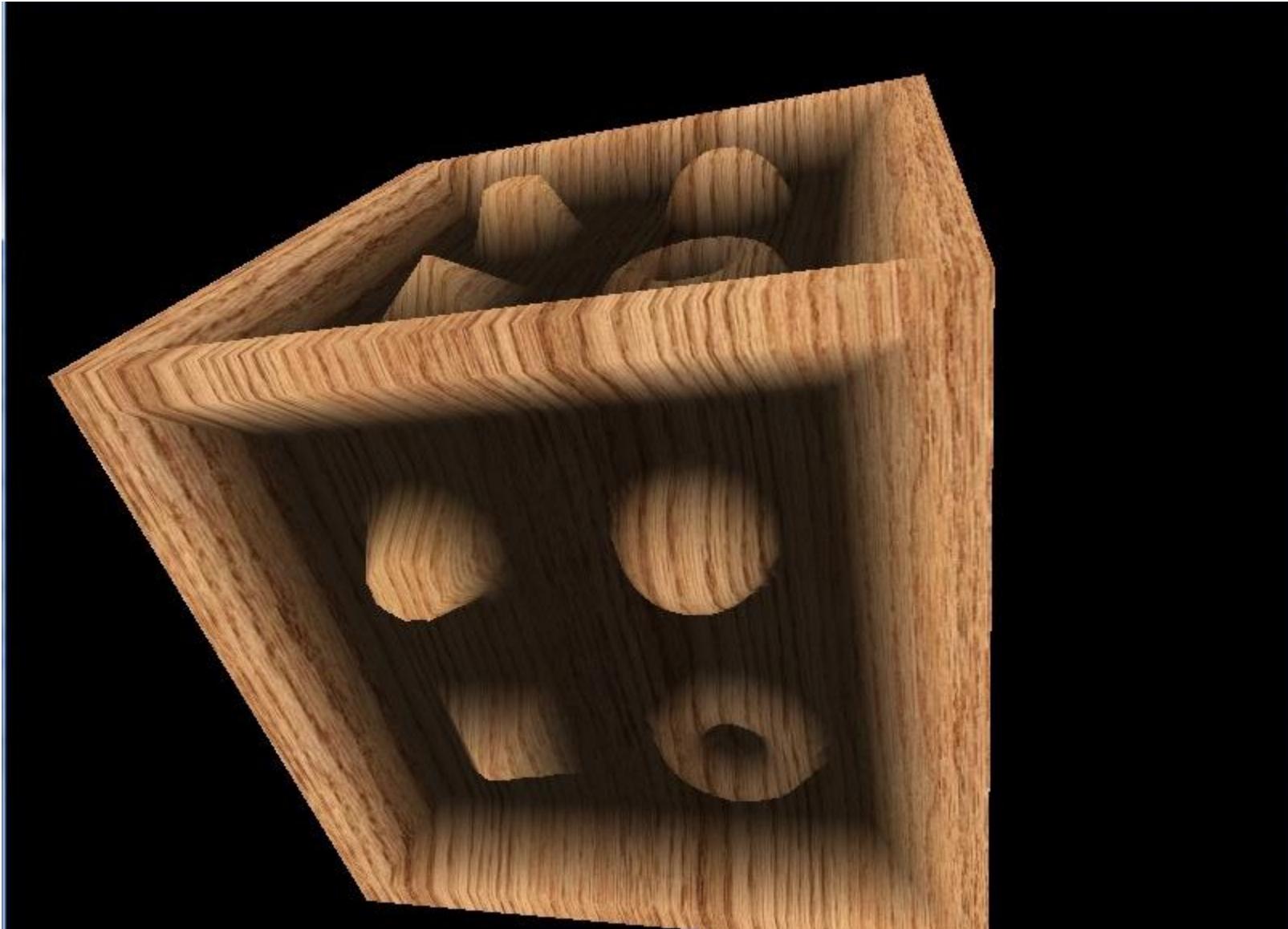
Из control shader`а нам пришли данные о исходном патче (in VertexES), на основе которых мы должны вычислить их же, но для текущей вершины. Делается это простой интерполяцией:

```
vec2 interpolate2D(vec2 v0, vec2 v1, vec2 v2) {  
    return vec2(gl_TessCoord.x) * v0 + vec2(gl_TessCoord.y) * v1 + vec2(gl_TessCoord.z) * v2;  
}  
  
vec3 interpolate3D(vec3 v0, vec3 v1, vec3 v2) {  
    return vec3(gl_TessCoord.x) * v0 + vec3(gl_TessCoord.y) * v1 + vec3(gl_TessCoord.z) * v2;  
}  
  
void main(void) {  
    vertfs.position = interpolate3D(vertes[0].position, vertes[1].position, vertes[2].position);  
    vertfs.texcoord = interpolate2D(vertes[0].texcoord, vertes[1].texcoord, vertes[2].texcoord);  
    vertfs.normal = normalize(interpolate3D(vertes[0].normal, vertes[1].normal, vertes[2].normal));  
}  
  
...
```

Вычисляем позицию вершины, смещаем её и переводим в screen space

...

```
gl_Position = modelViewProjectionMatrix * (  
    vec4(interpolate3D(gl_in[0].gl_Position.xyz, gl_in[1].gl_Position.xyz, gl_in[2].gl_Position.xyz), 1.0)  
    - vec4(vertfs.normal, 1) * (texture(heightmap, vertfs.texcoord) / 4.0) );  
}
```



# Тесселяционные схемы

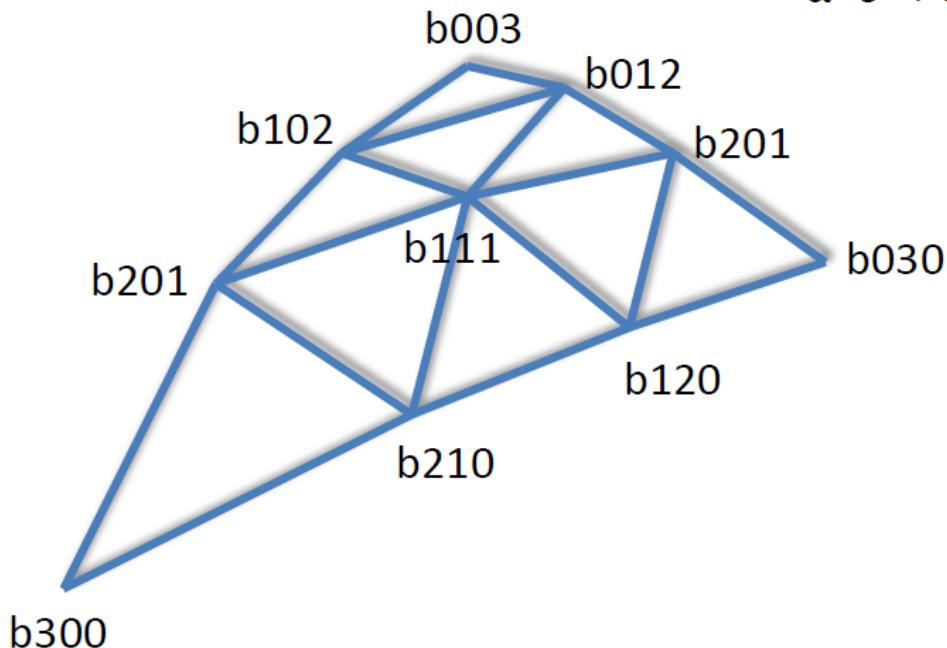
- Плоская тесселяция (дайсинг)
- PN-Треугольники
- Фонг-Тесселяция
- Патчи
- Использование карт глубины для создания рельефа

# РН-Треугольники

Построение по данным отдельного треугольника кубического патча Безье

$$p(s,t,u) = (\alpha s + \beta t + \gamma u)^3 =$$

$$\begin{aligned} & \beta^3 t^3 + 3 \alpha \beta^2 s t^2 + 3 \beta^2 \gamma t^2 u + \\ & 3 \alpha^2 \beta s^2 t + 6 \alpha \beta \gamma s t u + 3 \beta \gamma^2 t u^2 + \\ & \alpha^3 s^3 + 3 \alpha^2 \gamma s^2 u + 3 \alpha \gamma^2 s u^2 + \gamma^3 u \end{aligned}$$

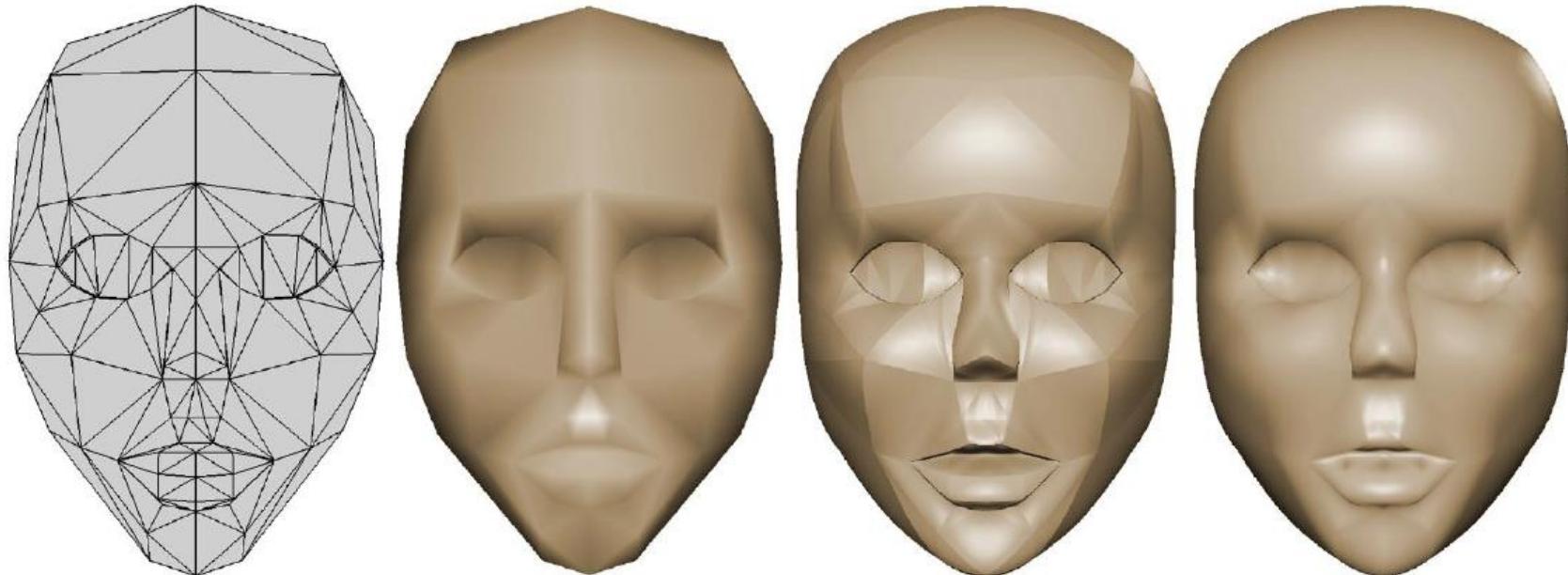


## PN-Треугольники

$$b_{111} = E * 3/2 + V * 1/2$$

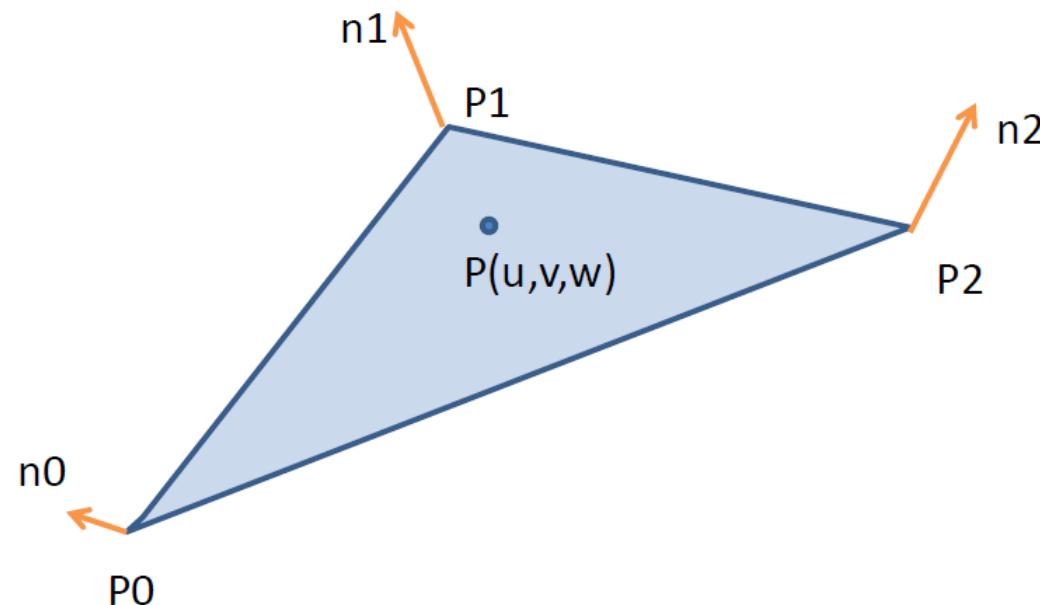
$$E = (b_{210} + b_{120} + b_{012} + b_{012} + b_{102} + b_{201}) / 6$$

$$V = (b_{003} + b_{030} + b_{300}) / 3$$



# Фонг-Тесселяция

- Есть три плоскости, заданные парами  $(P_i, n_i)$
- $P_i^*$  - проекции  $P$  на эти плоскости
- $P_{\text{phong}} = P_0^* u + P_1^* v + P_2^* w$



# Практическое применение и LOD (Уровень Детализации)

## Динамическая тесселяция:

Уровни `gl_TessLevel*` в TCS можно вычислять на основе расстояния от патча до камеры — `distance()`

- Чем ближе камера -> выше уровень тесселяции -> больше треугольников
- Чем дальше камера -> ниже уровень тесселяции -> меньше треугольников

## Дисплеймент-маппинг (Displacement Mapping): Классическое применение

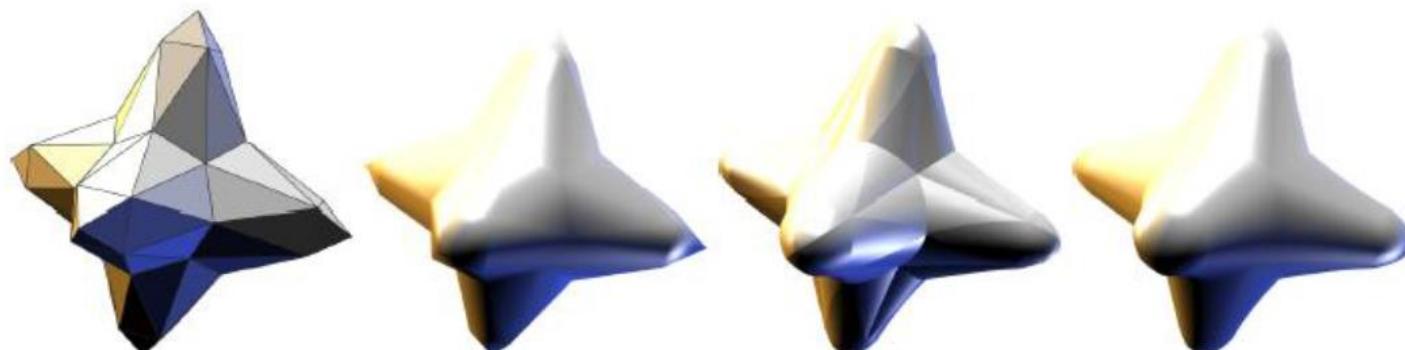
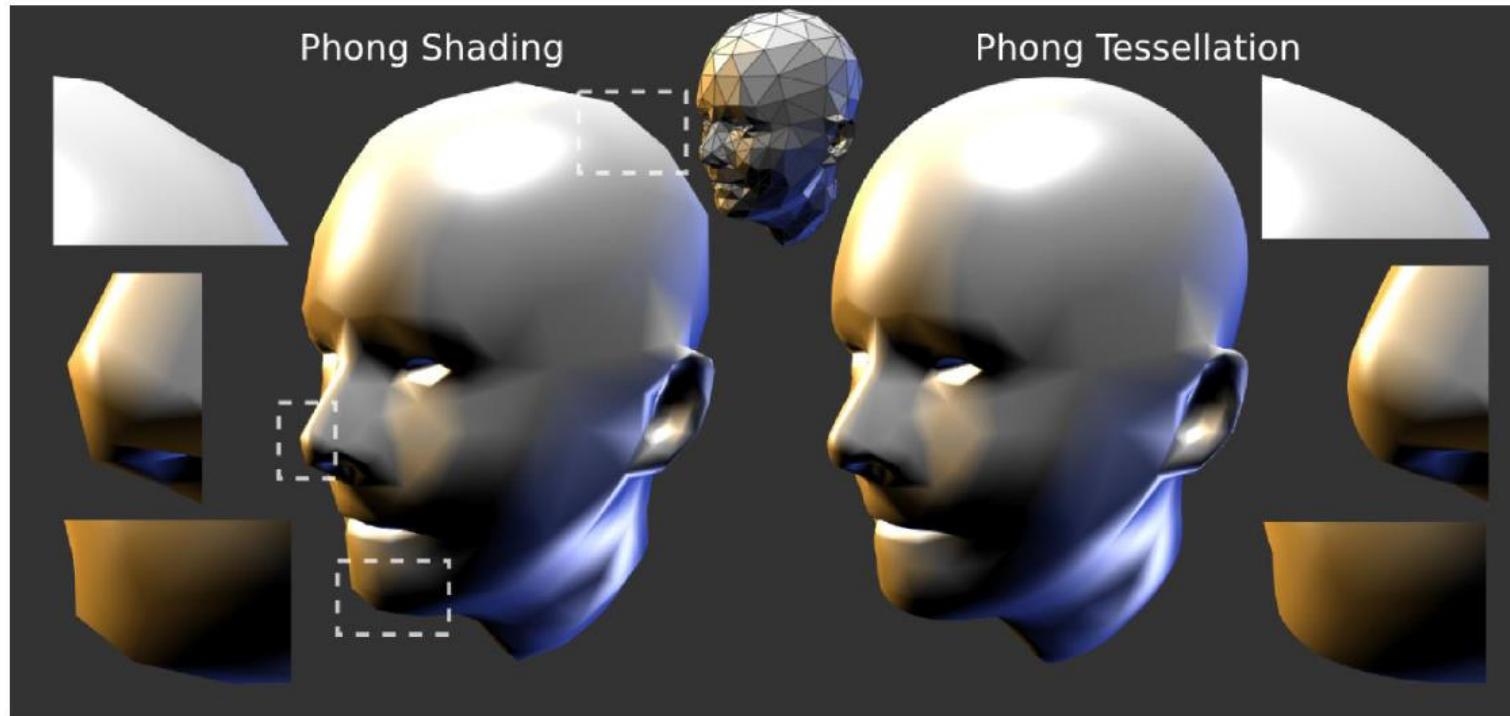
- Патч - простой квадрат (`plane`)
- В TES на основе `gl_TessCoord` читаем высоту из текстуры (карты высот)
- Смещаем вершину по нормали на эту высоту
- Результат: простая низкополигональная модель превращается в сложный каменистый рельеф только там, где это нужно

# Области применения

- Ландшафты
- Повышение уровня детализации геометрических моделей
- Рендеринг травы, волос, частиц

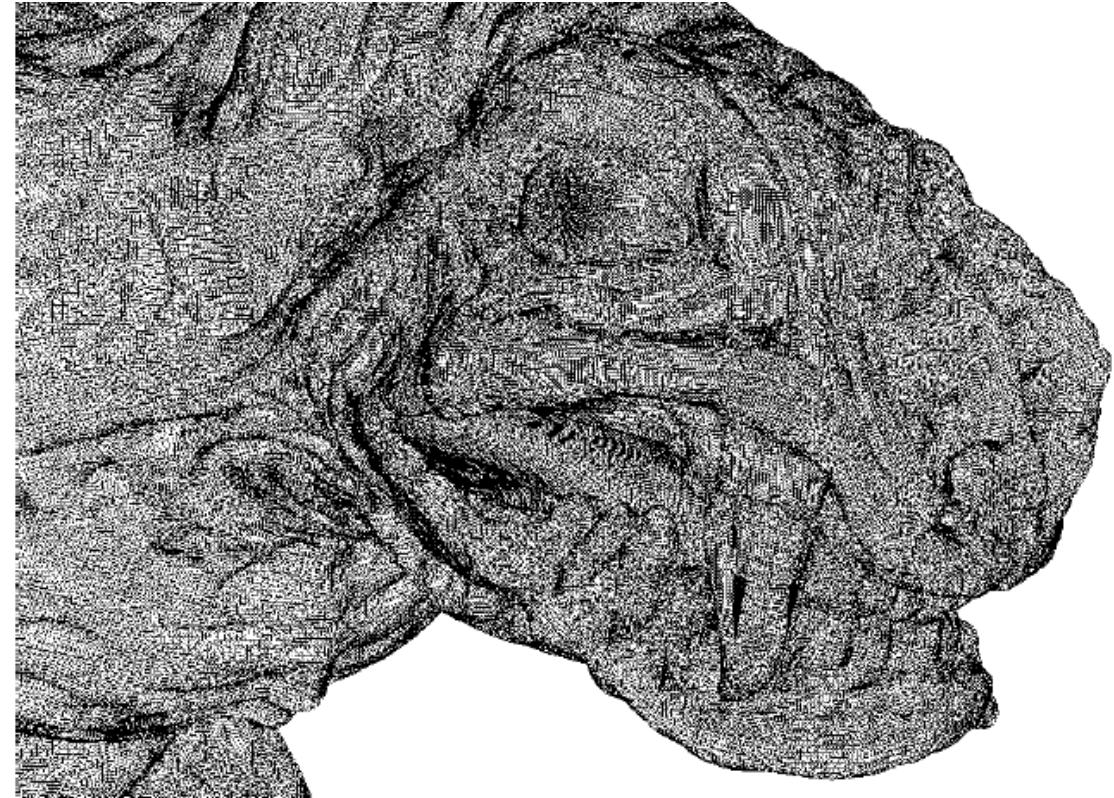


# Фонг-Тесселяция



# Эвристики для разбиения

- Разбиение по расстоянию
- По ориентации патча
- Адаптивное разбиение в экранном пространстве



# Оптимизации

- Уменьшение числа атрибутов
- Отбрасывание невидимых патчей
  - По видимому объему
  - С учетом взаимного перекрытия

# Резюме и преимущества

## Преимущества:

- Эффективность: Геометрия создается «на лету» только необходимой детализации
- Гибкость: Один низкополигональный патч может представлять множество форм
- Уменьшение нагрузки на CPU и память: Основная работа на GPU, не нужно хранить/передавать много вершин

## Сложности:

Усложняется конвейер и отладка

Нужно аккуратно выбирать уровни тесселяции, чтобы избежать «прыгающей» геометрии (трещин) или слишком резких изменений