

Maple

# Программирование в Maple

Основные конструкции языка. Процедуры

# Условный оператор в Maple

## Условный оператор

> *restart* :

**if**  $2 = 3$  **then** *print*( $2 = 3$ ); **else** *print*( $2 \neq 3$ ); **fi**;

**if**  $2 = 3$  **then** *print*( $2 = 3$ ); **else** *print*( $2 \neq 3$ ); **end if**;

$2 \neq 3$

$2 \neq 3$

# Условный оператор в Maple

## Полный вид условного оператора

```
> x := 1;  
  if x ≠ 2 then print(x = 2);  
  elif x = 3 then print(x = 3);  
  elif x = 4 then print(x = 4);  
  else print(x);  
  fi;
```

$x := 1$

$1 = 2$

# Операторы цикла. For

```
> for i from 1 by 2 to 9 do  
    print(i) ;  
od;  
#end do;
```

1

3

5

7

9

# Операторы цикла. For

Если шаг равен 1, то можно использовать сокращенный оператор

```
> for i from 1 to 3 do  
    print(i) ;  
od;
```

1  
2  
3

# Операторы цикла. For

**Пример. Сумма всех двузначных нечетных чисел**

**>  $s := 0$  :**

**for  $i$  from 11 by 2 to 99 do  $s := s + i$  end do:**

**$s$ ;**

**2475**

# Операторы цикла. For x in

```
> for x in [ 10, 20, 30 ] do
```

```
    x;
```

```
od;
```

10

20

30

# Операторы цикла. While

## Оператор while

```
> x := 2;  
  while x = 2 do  
    x := x - 1;  
  od;
```

$x := 2$

$x := 1$



# Операторы цикла. While

## Симбиоз for и while

```
> x := -1 :  
  step := 3 :  
  for i from 1 by step while x < 3 do  
    x := x + step :  
  od;
```

$x := 2$

$x := 5$

# Примеры

## Пример. Сумма элементов списка

>  $s := 0$  :

**for**  $z$  **in**  $[1, x, y, q^2, 3, t, t^2]$  **do**  $s := s + z$  **end do**:

$s$ ;

$$q^2 + t^2 + t + y + 34$$

## Пример. Произведение элементов последовательности

>  $p := 1$  :

**for**  $z$  **in**  $[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]$  **do**  $p := p \cdot z$  **end do**:

$p$ ;

$$5040$$

# Примеры

## Пример. Сумма элементов списка

>  $s := 0$  :

**for**  $z$  **in**  $[1, x, y, q^2, 3, t, t^2]$  **do**  $s := s + z$  **end do**:

$s$ ;

$$q^2 + t^2 + t + y + 34$$

## Пример. Произведение элементов последовательности

>  $p := 1$  :

**for**  $z$  **in**  $[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]$  **do**  $p := p \cdot z$  **end do**:

$p$ ;

$$5040$$

# Примеры

> *restart* :

$$f := x^2 + x + \frac{1}{x} :$$

**for** s **in** f **do**

s;

**od**;

$$x^2$$

$$x$$

$$\frac{1}{x}$$

# Итеративные команды Maple

**seq**

**add** и **mul**

**select**, **remove**, **selectremove**

**map**

**zip**

# Итеративные команды Maple

> \$2 ..5;

2, 3, 4, 5

>  $a[i]$  \$ $i = 1 ..5$ ;

$a_1, a_2, a_3, a_4, a_5$

>  $seq(x^2, x = 1 ..4)$ ;

1, 4, 9, 16

>  $seq(i, i = "a" .."e")$ ;

"a", "b", "c", "d", "e"

>  $seq(x[i], i = 1 ..5)$ ;

$x_1, x_2, x_3, x_4, x_5$

>  $seq(x, x \mathbf{in} [Pi, \sin(2 \cdot Pi), \cos(3 \cdot Pi)])$ ;

$\pi, 0, -1$

# Итеративные команды Maple

**add, mul**

> *add*(*i*, *i* = 1 ..5);

15

> *add*(*sin*(*i*), *i* = 1.0 ..3);

1.891888420

> *mul*(*i*, *i* = 1 ..5);

120

> *mul*(*sin*(*i*), *i* = 1.0 ..3.0);

0.1079776075

> *mul*(*x*, *x* **in** [Pi, *sin*( $\frac{2}{3} \cdot \text{Pi}$ ), *cos*( $3 \cdot \text{Pi}$ ) ] );

$-\frac{\pi\sqrt{3}}{2}$

# Итеративные команды Maple

**add, mul**

> *add*(*i*, *i* = 1 ..5);

15

> *add*(*sin*(*i*), *i* = 1.0 ..3);

1.891888420

> *mul*(*i*, *i* = 1 ..5);

120

> *mul*(*sin*(*i*), *i* = 1.0 ..3.0);

0.1079776075

> *mul*(*x*, *x* **in** [Pi, *sin*( $\frac{2}{3} \cdot \text{Pi}$ ), *cos*(3·Pi)]);

$-\frac{\pi\sqrt{3}}{2}$



# Итеративные команды Maple

Команды извлечения и удаления (аналог цикла for/in)

**select(proc,expression)** - извлекает те операнды из выражения expression, которые удовлетворяют булевой функции (процедуре) proc.

**remove(proc,expression)** - удаляет те операнды из выражения expression, которые не удовлетворяют булевой функции (процедуре) proc.

**selectremove(proc,expression)** - сначала извлекает те операнды из выражения expression, которые удовлетворяют булевой функции (процедуре) proc, а затем те, которые ей не удовлетворяют.

Каждая команда возвращает объект того же типа, что и исходное выражение

# Итеративные команды Maple

```
> ints := [$ 10..20];  
      ints := [10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20]  
  
> select(isprime, ints);  
      [11, 13, 17, 19]  
  
> remove(isprime, ints);  
      [10, 12, 14, 15, 16, 18, 20]  
  
> q1, q2 := selectremove(isprime, ints);  
      q1, q2 := [11, 13, 17, 19], [10, 12, 14, 15, 16, 18, 20]  
  
> q1;  
      [11, 13, 17, 19]  
  
> q2;  
      [10, 12, 14, 15, 16, 18, 20]
```

# Итеративные команды Maple

>  $f := x \mapsto x > 15;$

$f := x \mapsto 15 < x$

>  $select(f, ints);$

[16, 17, 18, 19, 20]

# Итеративные команды Maple

**map**

>  $map(p, [a, b, c]);$

>  $map(f, \{a, b, c\});$

>  $map(sqrt, ints);$

$[\sqrt{10}, \sqrt{11}, 2\sqrt{3}, \sqrt{13}, \sqrt{14}, \sqrt{15}, 4, \sqrt{17}, 3\sqrt{2}, \sqrt{19}, 2\sqrt{5}]$

>  $g := (T) \rightarrow \sin(x + T);$

$g := T \mapsto \sin(x + T)$

>  $map(x \rightarrow x^2, ints);$

$[100, 121, 144, 169, 196, 225, 256, 289, 324, 361, 400]$

>  $map(g, ints);$

$[\sin(x + 10), \sin(x + 11), \sin(x + 12), \sin(x + 13), \sin(x + 14), \sin(x + 15), \sin(x + 16), \sin(x + 17), \sin(x + 18), \sin(x + 19), \sin(x + 20)]$

# Итеративные команды Maple

**zip**

> *zip*(`+`, [1, 2, 3], [a, b, c]);

[1 + a, 2 + b, 3 + c]

> *zip*((x, y) → 10 · x + y, [1, 2], [3, 4, 5]);

[13, 24]

# help("statements")

## List of Maple Statements

### Description

- See ?topic for any of the following topics:

<a href="#"><u>!</u></a>	<a href="#"><u>#</u></a>	<a href="#"><u>assignment</u></a>	<a href="#"><u>break</u></a>
<a href="#"><u>by</u></a>	<a href="#"><u>catch</u></a>	<a href="#"><u>description</u></a>	<a href="#"><u>do</u></a>
<a href="#"><u>done</u></a>	<a href="#"><u>elif</u></a>	<a href="#"><u>else</u></a>	<a href="#"><u>empty</u></a>
<a href="#"><u>end do</u></a>	<a href="#"><u>end if</u></a>	<a href="#"><u>error</u></a>	<a href="#"><u>export</u></a>
<a href="#"><u>finally</u></a>	<a href="#"><u>for</u></a>	<a href="#"><u>from</u></a>	<a href="#"><u>function</u></a>
<a href="#"><u>if</u></a>	<a href="#"><u>in</u></a>	<a href="#"><u>local</u></a>	<a href="#"><u>module</u></a>
<a href="#"><u>next</u></a>	<a href="#"><u>option</u></a>	<a href="#"><u>proc</u></a>	<a href="#"><u>quit</u></a>
<a href="#"><u>read</u></a>	<a href="#"><u>restart</u></a>	<a href="#"><u>return</u></a>	<a href="#"><u>save</u></a>
<a href="#"><u>separator</u></a>	<a href="#"><u>stop</u></a>	<a href="#"><u>then</u></a>	<a href="#"><u>to</u></a>
<a href="#"><u>try</u></a>	<a href="#"><u>use</u></a>	<a href="#"><u>uses</u></a>	<a href="#"><u>while</u></a>

# ПРОЦЕДУРЫ

## ПРОЦЕДУРЫ

```
> hello := proc( ) return "Hello World"; end proc;
```

```
> hello( );
```

```
# Синтаксис:
```

```
# Имя := proc(параметр1::type1, параметр2::type2, ...)
```

```
    local l1, l2...;
```

```
    global g1, g2...;
```

```
    options op1, op2, ...;
```

```
    description string;
```

```
    тело процедуры;
```

```
end;
```

# ПРОЦЕДУРЫ

# Пример 1. Очень простая процедура

```
> sum2 := proc(a, b);  
    a2 - b2;  
    a2 + b2;  
end;
```

```
> sum2(2, 3);
```

13

```
> sum2(0.1, 0.2);
```

0.05



# ПРОЦЕДУРЫ

# Пример 1. Продолжение. Описан тип формальных параметров

```
> sum_2 := proc(a :: integer, b :: float);  
    a2 + b2;  
end;
```

```
> sum_2(1, 2.15);
```

5.6225

```
> sum_2(2.1, 1); # несоответствие типов
```

Error, invalid input: sum\_2 expects its 1st argument to be of type integer, but received 2.1

# Описание. Description

> *restart* :

> *power* := **proc** (*a* :: integer, *b* :: integer)

**description** "возведение в степень";

$a^b$ ;

**end**;

> *power*(2, 4);

16

# ПРОЦЕДУРЫ

## # Локальные переменные

```
> sumList := proc( a :: list, b :: integer ) :: integer;  
    local i, s;  
    s := 0;  
    for i in a do  
        s := s + a[i];  
    end do;  
    s := s * b;  
end proc;
```

```
> rez := sumList( [ 1, 2, 3, 4, 5 ], 5 );  
                                     rez := 75
```

# ПРОЦЕДУРЫ

```
# Глобальные переменные
```

```
> constPi := 3.15 :  
Length := proc(r :: float)  
  global constPi;  
  constPi := 3.1415 :  
  2·constPi·r;  
end proc:
```

```
> Length(1.);  
constPi;
```

6.2830

3.1415

# ПРОЦЕДУРЫ

# Локальные переменные. Еще раз

```
> constPi := 3.15 :  
Length := proc(r :: float)  
  local constPi;  
  constPi := 3.1415 :  
  2·constPi·r;  
end proc:
```

```
> Length(1.);  
constPi;
```

6.2830

3.15

# ПРОЦЕДУРЫ

# Сообщение об ошибках. Использование функции error

# Вычисление квадратного корня из числа

```
> sqrt := proc(x)
  if not (type(x, numeric) or type(x, realcons))
    or signum(x) = -1
  then error "CHECK THE INPUT DATA x: %I", x
  else evalf(x^(1/2));
  end if
end proc;
```

```
> sqrt(2);
```

1.414213562

```
> sqrt(-2); sqrt('asdf');
```

Error, (in sqrt) CHECK THE INPUT DATA x: -2

Error, (in sqrt) CHECK THE INPUT DATA x: asdf

# ПРОЦЕДУРЫ

## Пример процедуры с использованием `uses`

```
> LastWord := proc(s :: string)
```

```
  uses StringTools :
```

```
  Split(s) :
```

```
  %[-1];
```

```
  end proc:
```

```
> LastWord("Hello world");
```

"world"

# ПРОЦЕДУРЫ

## Пример процедуры. Возврат нескольких значений из процедуры

```
> LastWords2 := proc(s :: string)  
  uses StringTools :  
  local L :  
    L := Split(s) :  
    L[ -1 ], L[ -2 ];  
  end proc;  
  
> LastWords2( "We say: Hello world" );  
           "world", "Hello"
```



# ПРОЦЕДУРЫ

**Вывод кода процедуры на экран print, eval**

```
> print(LastWords2);
```

```
proc(s::string)
```

```
    local L;
```

```
    L := StringTools:-Split(s); L[ - 1 ], L[ - 2 ]
```

```
end proc
```

```
> eval(LastWords2);
```

```
proc(s::string)
```

```
    local L;
```

```
    L := StringTools:-Split(s); L[ - 1 ], L[ - 2 ]
```

```
end proc
```

# ПРОЦЕДУРЫ

**Вывод кода процедуры из библиотеки Maple на экран**  
(кроме встроенных процедур, с опцией builtin)

```
> interface(verboseproc = 2) :
```

```
> print(issqr);
```

```
proc(n)
```

```
  option
```

```
    Copyright (c) 1990 by the University of Waterloo. All rights reserved.;
```

```
  if type(n, integer) then
```

```
    evalb(isqrt(n)^2 = n)
```

```
  elif type(n, numeric) then
```

```
    false
```

```
  else
```

```
    'issqr(n)'
```

```
  end if
```

```
end proc
```

# ПРОЦЕДУРЫ

**\_passed** – последовательность всех аргументов, переданных процедуре при ее вызове (устаревший вариант: *args*), имеет тип *exprseq*

**\_npassed** – число всех аргументов, переданных процедуре при ее вызове (устаревший вариант: *nargs*)

```
> maximum := proc ( )  
  local max, i;  
  max := _passed[ 1 ];  
  for i from 2 to _npassed do  
    if _passed[ i ] > max then  
      max := _passed[ i ]  
    end if  
  end do;  
  max;  
end proc;
```

```
> maximum( 1, 100, -4 ) ;  
100
```

```
> maximum( 1, 100, -4, 1000, -3 ) ;  
1000
```

# ПРОЦЕДУРЫ

**\_nrest** – число недеklarированных аргументов, переданных процедуре

**\_rest** – число «лишних» аргументов, переданных процедуре при ее вызове

```
> sum2 := proc(a, b)  
  local x, s :  
  s := 0 :  
  for x in _rest do s := s + x : end do :  
  return a + b, s, a + b + s ;  
  end proc :
```

```
> sum2(1, 2, 3, 4, 5) ;
```

3, 12, 15

# ПРОЦЕДУРЫ

## Опция **remember**

позволяет кодировать функцию с рекурсивным определением наиболее естественным образом, без потери эффективности.

>  
*#требуется экспоненциальное время для вычисления*

>  **$F1 := \text{proc}(n) \text{ if } n < 2 \text{ then } n \text{ else } F1(n-1) + F1(n-2) \text{ end if end proc};$**

**$F1 := \text{proc}(n) \text{ if } n < 2 \text{ then } n \text{ else } F1(n - 1) + F1(n - 2) \text{ end if end proc}$**

>  
*#требуется линейное время для вычисления*

>  **$F2 := \text{proc}(n) \text{ option remember};$**   
 **$\text{if } n < 2 \text{ then } n \text{ else } F2(n-1) + F2(n-2) \text{ end if end proc};$**

**$F2 := \text{proc}(n) \text{ option remember}; \text{if } n < 2 \text{ then } n \text{ else } F2(n - 1) + F2(n - 2) \text{ end if end proc}$**

>  **$\text{time}(F1(25));$**   
0.171

>  **$\text{time}(F2(25));$**   
0.

# ПРОЦЕДУРЫ

## Оператор return

При выполнении команды return все оставшиеся команды в теле процедуры игнорируются.

```
> f := proc(a, b)
  return a;
  return a + b;
end proc;
```

```
> f(2, 100);
```

2

*СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ!*