

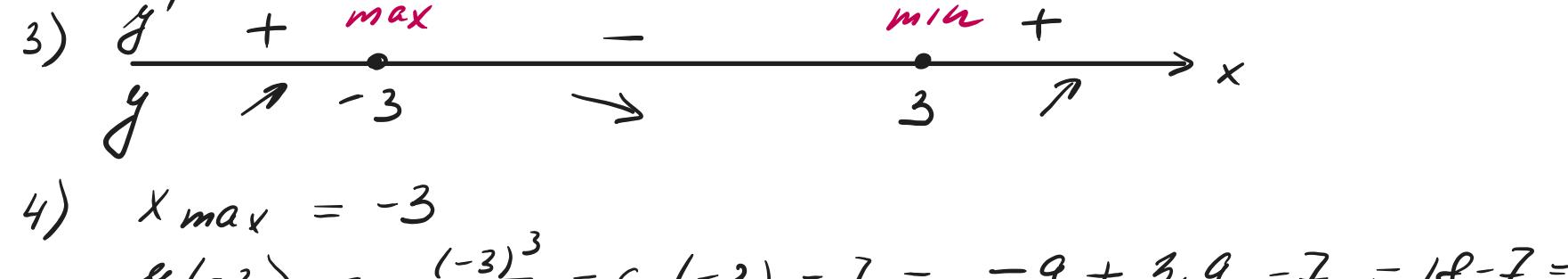
12.1. Найдите точку минимума функции $y = x^3 - 300x + 19$. $x_{\min} = ?$

$$1) y' = (x^3 - 300x + 19)' = (x^3)' - (300x)' + 19' = \\ = 3x^2 - 300$$

$$2) 3x^2 - 300 = 0$$

$$x^2 = 100$$

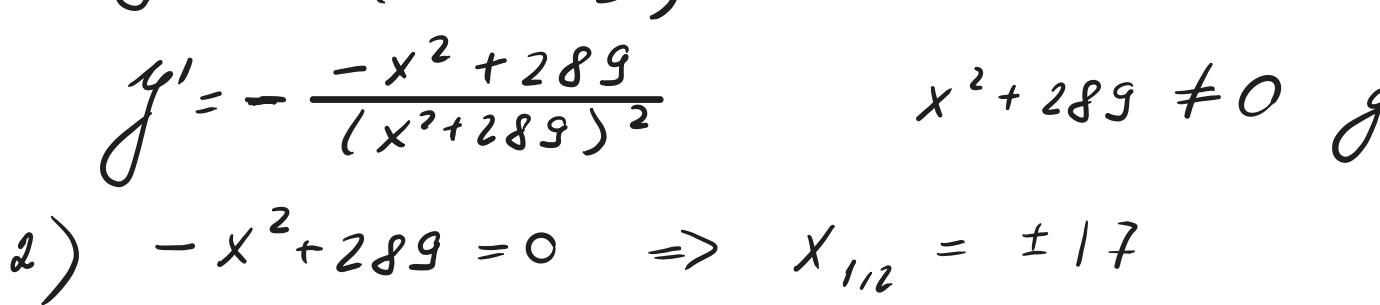
$$x_{1,2} = \pm 10$$



12.2. Найдите наибольшее значение функции $y = \frac{x^3}{3} - 9x - 7$ на отрезке $[-3; 3]$. $y_{\max} = ?$

$$1) y' = \left(\frac{1}{3} \cdot x^3\right)' - (9x)' - 7' = \frac{1}{3} \cdot 3 \cdot x^2 - 9 = x^2 - 9$$

$$2) x^2 - 9 = 0 \Rightarrow x_{1,2} = \pm 3$$



$$4) x_{\max} = -3$$

$$y(-3) = \frac{(-3)^3}{3} - 9 \cdot (-3) - 7 = -9 + 27 - 7 = 18 - 7 = 11$$

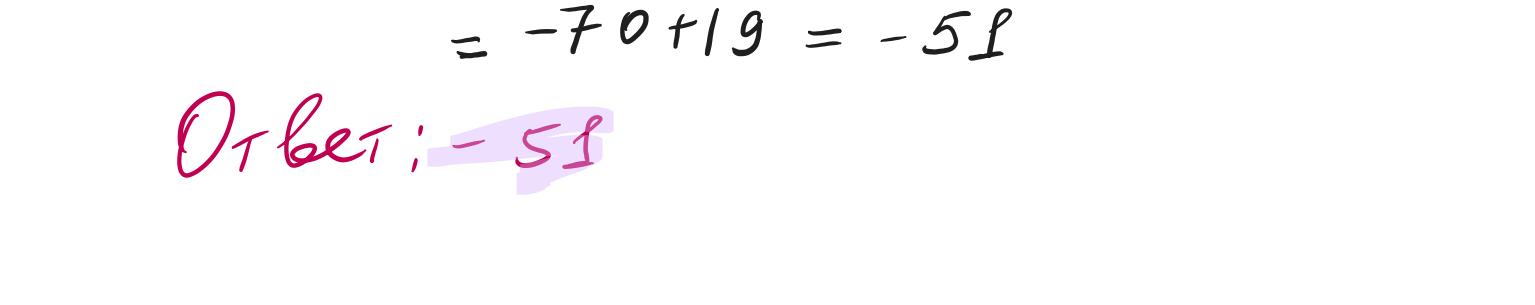
Ответ: 11

12.3. Найдите точку максимума $y = -\frac{x}{x^2 + 289}$. $x_{\max} = ?$

$$1) y' = -\frac{x'(x^2 + 289) - x(x^2 + 289)'}{(x^2 + 289)^2} = -\frac{x^2 + 289 - x \cdot 2x}{(x^2 + 289)^2}$$

$$y' = -\frac{-x^2 + 289}{(x^2 + 289)^2} \quad x^2 + 289 \neq 0 \quad y \text{ при максимум}$$

$$2) -x^2 + 289 = 0 \Rightarrow x_{1,2} = \pm 17$$



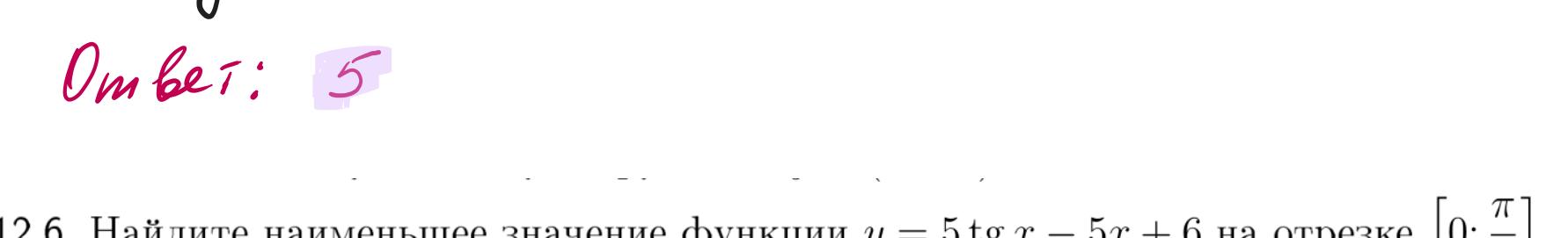
Ответ: -17

12.4. Найдите наименьшее значение функции $y = 10x - 10 \ln(x+8) + 19$ на отрезке $[-7,5; 0]$.

$$y_{\min} = ?$$

$$1) y' = (10x)' - (10 \ln(x+8))' + 19' = \\ = 10 - 10 \cdot \frac{1}{x+8} \cdot (x+8)' = 10 - \frac{10}{x+8}$$

$$2) 10 - \frac{10}{x+8} = 0 \Rightarrow \frac{1}{x+8} = 1 \Rightarrow x+8=1 \Rightarrow x=-7$$



$$4) y(-7) = 10 \cdot (-7) - 10 \cdot \ln(-7+8) + 19 =$$

$$= -70 + 19 = -51$$

Ответ: -51

12.5. Найдите точку максимума функции $y = \underbrace{(x-7)^2}_{u} e^{x-8}$. $x_{\max} = ?$

$$y' = (u \cdot v)' = u' \cdot v + u \cdot v'$$

$$1) y' = ((x-7)^2)' \cdot e^{x-8} + (x-7)^2 \cdot (e^{x-8})' = \\ = 2(x-7) \cdot (x-7)' \cdot e^{x-8} + (x-7)^2 \cdot e^{x-8} \cdot (x-8)' = \\ = 2(x-7)e^{x-8} + (x-7)^2e^{x-8}$$

$$2) (x-7)e^{x-8} (2+x-7) = 0 \quad a^x > 0$$

$$e^{x-8} \neq 0 \quad x-7=0 \quad x-5=0$$

$$x_1 = 7 \quad x_2 = 5$$



Ответ: 5

12.6. Найдите наименьшее значение функции $y = 5 \operatorname{tg} x - 5x + 6$ на отрезке $[0; \frac{\pi}{4}]$. $y_{\min} = ?$

$$1) y' = (5 \operatorname{tg} x)' - (5x)' + 6' =$$

$$\operatorname{tg}'x = \cos^{-2}x$$

$$= 5 \cdot \frac{\operatorname{tg}'x \cdot \cos x - \operatorname{tg} x \cdot \cos'x}{\cos^2 x} - 5$$

$$y' = 5 \frac{\cos^2 x + \sin^2 x}{\cos^2 x} - 5 = \frac{5}{\cos^2 x} - 5$$

$$2) \frac{5}{\cos^2 x} - 5 = 0 \Rightarrow \frac{1}{\cos^2 x} = 1 \Rightarrow \cos^2 x = 1$$

$$\cos x = 1$$

$$x = 2\pi k, n \in \mathbb{Z}$$

$$\cos x = -1$$

$$x = \pi + 2\pi k, n \in \mathbb{Z}$$

на $[0; \frac{\pi}{4}]$ y возрастает $\Rightarrow y_{\min} = y(0)$

$$4) y(0) = 5 \cdot \operatorname{tg} 0 - 5 \cdot 0 + 6 = 6$$

Ответ: 6