

Библиотеки

Установка и подключение библиотек

Введение

Библиотеки Julia – это организованный набор готовых функций, классов и объектов для решения различных задач. Библиотеки **Julia** распространяются в виде пакетов, которые можно установить с помощью менеджера пакетов Pkg и использовать в своих проектах.

В **EngEE** работа с библиотеками **Julia** также осуществляется через встроенный менеджер пакетов Pkg с помощью двух инструментов рабочего пространства – командную строку и редактор скриптов.

При работе с большим количеством библиотек удобно использовать редактор скриптов, в котором после вызова Pkg не требуется его повторная инициализация. Командная строка удобна в том случае, если вам привычнее работать с кодом вне интерфейса редактора скриптов и вы работаете с небольшим количеством библиотек.

Принцип работы с библиотеками

Найдите точное название интересующей вас библиотеки. Экосистема **Julia** содержит более 10 000 пакетов, зарегистрированных в общем реестре, что может сильно затруднить поиск нужного пакета. Для оптимизации поиска рекомендуем обратиться к следующим источникам:

- [Внешние библиотеки](#) – раздел документации **EngEE** с описанием большого числа библиотек.
- [JuliaHub](#) – сервис для поиска по всей зарегистрированной документации пакетов с открытым исходным кодом с возможностью сортировки по тегам и ключевым словам.
- [Julia Packages](#) – онлайн-ресурс, предназначенный для поиска, изучения и просмотра пакетов **Julia** с возможностью настройки фильтров по категориям, популярности и датам.
- [Julia.jl](#) – главный репозиторий пакетов для языка программирования **Julia**. Этот репозиторий хранится на платформе **GitHub** и содержит множество полезных пакетов и инструментов, разработанных сообществом для работы с языком **Julia**.

Выберите инструмент для работы с библиотеками – командная строка или редактор скриптов в зависимости от ваших задач.

Инициализируйте работу с пакетами в **Julia**, добавив менеджер пакетов Pkg. Синтаксис добавления менеджера отличается в зависимости от выбранного инструмента.

Добавьте библиотеки с помощью команды `add` в ваше окружение, чтобы использовать их в своем проекте. Синтаксис добавления библиотек зависит от выбранного инструмента.

Загрузите библиотеку в пространство имен и получите доступ к ее конкретным элементам с помощью команд `using` и `import`. Вы также можете добавить и собственные библиотеки.

При необходимости узнайте статус библиотек через `status`, проверьте, какие библиотеки загружены в оперативную память **EngEE**, и удалите ненужные с помощью команд `remove` или `rm`. Синтаксис зависит от выбранного инструмента.

Библиотеки Julia в командной строке

Чтобы установить новую библиотеку **в командной строке EngEE**, кликните левой кнопкой мыши в области ввода кода и нажмите закрывающую квадратную скобку `]`. Это переключит командную строку на работу с менеджером пакетов. Строка изменит свой вид с `engEE>` на `pkg>`:

```
pkg>
```

В режиме менеджера пакетов используем команду `add` для добавления библиотеки:

```
add Example
```

Вы можете добавить несколько библиотек одновременно, перечисляя их имена через запятую, например:

```
add Example, Plots, Pluto
```

Для удаления библиотеки используется команда `remove` или ее сокращенная версия `rm`:

```
remove Pluto
```

При необходимости вы можете удалить несколько библиотек за раз, перечисляя их имена через запятую:

```
remove Pluto, Plots, Example
```

Для выхода из режима менеджера пакетов `pkg>` кликните левой кнопкой мыши по области ввода кода и нажмите `Backspace`. Это вернет вас в первичный вид командной строки `engEE>`.

Библиотеки Julia в редакторе скриптов

Чтобы установить новую библиотеку **в интерактивном скрипте EngEE**, в секции с кодом импортируйте менеджер пакетов `Pkg` командой `import Pkg`, а затем выполните команду `Pkg.add("Имя библиотеки")`. Например, секция с кодом для добавления библиотеки `Example` будет выглядеть так:

```
[ ]: import Pkg
      Pkg.add("Example")
```

После запуска этой ячейки будет импортирован менеджер пакетов Pkg и будет установлена библиотека Example. Информация о ходе установки библиотеки отобразится автоматически:

```
Resolving package versions...
Installed Example – v0.5.3
Updating `user/start/Project.toml`
[7876af07] + Example v0.5.3
Updating `user/start/Manifest.toml`
[7876af07] + Example v0.5.3
```

Как и в случае с командной строкой, вы можете добавить несколько библиотек одновременно, перечисляя их имена через запятую и добавляя квадратные скобки для создания массива строк, например:

```
Pkg.add(["Example", "Plots"])
```

Для удаления библиотеки используется команда `rm`:

```
[ ]: Pkg.rm("Example")
```

Для удаления нескольких библиотек одновременно используется перечисление их имен через запятую и квадратные скобки:

```
Pkg.rm(["Example", "Plots"])
```

Команда `remove` не определяется в редакторе скриптов, хотя и используется в командной строке. Попытка вызвать команду `remove` в редакторе скриптов выдаст ошибку.

В редакторе скриптов имя менеджера пакетов Pkg и имена библиотек **Julia** чувствительны к регистру и должны начинаться с заглавной буквы, в противном случае вы получите сообщение об ошибке.

⇒Задание 1

В редакторе скриптов установите библиотеку `StatsPlots.jl`, предназначенную для построения статистических графиков.

```
[ ]:
```

Подсказка Сначала импортируйте менеджер пакетов Pkg с помощью команды `import Pkg`. Затем установите библиотеку с помощью команды `Pkg.add("Имя библиотеки")`. Имя библиотеки запишите в двойных кавычках. Расширение `.jl` писать не нужно.

Решение

```
[ ]: import Pkg
      Pkg.add("StatsPlots")
```

Статус библиотек

Чтобы узнать, какие библиотеки установлены и готовы к использованию, откройте **командную строку** и выполните следующие действия:

1. Войдите в менеджер пакетов Pkg через `]`.
2. Введите команду `status`:

```
pkg> status
```

После этого вы увидите список установленных библиотек и их версию. Например, так:

```
pkg> status
Status `~/user/.project/Project.toml`
⊗ [c3fe647b] AbstractAlgebra v0.27.8
⊗ [7d9f7c33] Accessors v0.1.27
⊗ [79e6a3ab] Adapt v3.5.0
⊗ [91a5bcdd] Plots v1.36.1
^ [c3e4b0f8] Pluto v0.19.36
```

Символы `^` и `⊗` означают, что для библиотек есть новые версии:

- `^` – имеется более новая версия.
- `⊗` – имеется более новая версия, но есть конфликты по совместимости с другими библиотеками.

Узнать какие библиотеки установлены и готовы к использованию можно и через **редактор скриптов**:

1. Введите `import Pkg`, если не сделали этого ранее.
2. Введите `Pkg.status()` для получения статуса библиотек:

```
[ ]: Pkg.status()
```

Загрузка библиотек

В **Julia** для загрузки библиотек и предоставления доступа к их конкретным элементам, таким как функции, типы и переменные, используются операторы `import` и `using`.

Оба оператора позволят вам использовать функции из библиотек или загружать их, но есть небольшая разница в том, как они экспортируются в текущее пространство имен:

- `using` – экспортирует все функции.
- `import` – требует явного указания, какие функции нужно импортировать.

Например:

```
[ ]: import Base.Math.cos
      x = cos(0.5)
```

В случае с `import` перед вызовом функции необходимо писать название библиотеки и ставить точку ..

Этот код импортирует функцию `cos` из библиотеки `Base.Math` и вызывает эту функцию с аргументом `0.5`. Функция `cos` вычисляет косинус угла в радианах и присваивает это значение переменной `x`. Таким образом, переменная будет содержать результат вычисления косинуса угла `0.5` радиан, равный `0.8775825618903728`.

Оператор `using` предназначен для загрузки библиотек целиком, а не отдельных функций. Тогда код с использованием оператора `using` будет иметь вид:

```
[ ]: using Base.Math
      y = cos(0.5)
```

Таким образом, `using` используется для загрузки библиотек и автоматического экспорта всех ее выбранных имен в текущее пространство имен, обеспечивая удобный доступ к функциям и переменным модуля. `import` также загружает библиотеку, но не экспортирует ее имена автоматически, что позволяет избежать возможных конфликтов имен и явно управлять импортированными элементами. Выбирайте операторы в зависимости от ваших задач.

⇒Задание 2

Загрузите библиотеку `StatsPlots.jl`. Затем используйте функцию `scatter(x,y)` из этой библиотеки, чтобы построить точечный график для следующих данных: `x=[1 2 3 4 5]` и `y=[8 10 14 16 20]`.

```
[ ]:
```

Подсказка Для загрузки библиотеки используйте оператор `using`. Затем задайте два вектора `x` и `y`, записывая их элементы через пробел в квадратных скобках. Затем постройте точечный график с помощью функции `scatter(x,y)`.

Решение

```
[ ]: using StatsPlots
      x = [1 2 3 4 5]
      y = [8 10 14 16 20]
      scatter(x, y)
```

Библиотеки в оперативной памяти

Чтобы узнать, какие библиотеки загружены в оперативную память (скомпилированы), выполните следующие действия:

1. Откройте командную строку или редактор скриптов.
2. Введите `Base.loaded_modules` и нажмите `Enter`:

```
Base.loaded_modules
```

После этого на экране появится список библиотек, загруженных в оперативную память. Например, такой:

```
engEE> Base.loaded_modules
Dict{Base.PkgId, Module} with 455 entries:
  IOCapture [b5... => IOCapture
  StatsFuns [4c... => StatsFuns
  Combinatorics... => Combinatorics
  MPFR_jll [3a9... => MPFR_jll
  OpenSSL_jll [... => OpenSSL_jll
  Xorg_xcb_util... => Xorg_xcb_util_jll
  ArrayLayouts ... => ArrayLayouts
  libass_jll [0... => libass_jll
  CSV [336ed68f... => CSV
  Qt5Base_jll [... => Qt5Base_jll
  Xorg_xcb_util... => Xorg_xcb_util_image_jll
  ZipFile [a539... => ZipFile
  EllipsisNotat... => EllipsisNotation
  Libgcrypt_jll... => Libgcrypt_jll
```

`Base.loaded_modules` – это словарь в **Julia**, содержащий информацию о загруженных библиотеках в текущем сеансе. Ключи в этом словаре – это символы, представляющие имена модулей, а значения – соответствующие модули.

Загруженные в оперативную память библиотеки – это библиотеки, для которых код был загружен и скомпилирован в оперативной памяти **EngEE** и готов к использованию. Это полезно, потому что вы можете работать с функциями и возможностями этих библиотек в своем коде без необходимости повторной загрузки или компиляции. Однако, чтобы использовать библиотеки в своем коде, вам все равно нужно указать с помощью команд `import` или `using`, что вы планируете их использовать.

Обзор основных библиотек Julia

Ниже приведен краткий обзор некоторых часто используемых библиотек **Julia**.

Визуализация

- [Plots.jl](#) – основная библиотека, предназначенная для визуализации данных (для построения различных видов графиков по числовым данным).
- [PlotlyJS.jl](#) – библиотека для визуализации данных. Предоставляет дополнительные возможности построения интерактивных графиков и сохранения графиков в файлах.

Системные библиотеки

- [Matlab.jl](#) – позволяет вызывать функции **MATLAB** из **Julia**.
- [PyCall.jl](#) – позволяет вызывать функции языка **Python** из **Julia**.

Работа с файловыми форматами

- [MAT.jl](#) – библиотека предоставляет инструменты для чтения и записи файлов данных формата **MATLAB** в **Julia**.
- [JLD2.jl](#) – библиотека позволяет сохранять и загружать структуры данных **Julia** в формате, представляющем собой подмножество стандарта HDF5.
- [XLSX.jl](#) – библиотека для чтения и записи файлов электронных таблиц **Excel**.
- [CSV.jl](#) – библиотека для работы с текстовыми данными с разделителями, будь то разделитель-запятая (CSV), разделитель-символ табуляции (TSV) или иной символ.
- [FileIO.jl](#) – библиотека предоставляет общий фреймворк для определения форматов файлов и диспетчеризации в соответствующие методы чтения и записи. Две основные функции в этом пакете называются `load` и `save`. Они обеспечивают высокоуровневую поддержку форматированных файлов, в отличие от низкоуровневых функций `read` и `write` в **Julia**.

Математические библиотеки

- [LinearAlgebra.jl](#) – библиотека содержит множество функций для решения задач линейной алгебры.
- [Roots.jl](#) – библиотека содержит функции для решения уравнений вида $f(x) = 0$.
- [DifferentialEquations.jl](#) – библиотека для численного решения обыкновенных дифференциальных уравнений.
- [NumericalIntegration.jl](#) – библиотека для численного интегрирования дискретизированных данных.
- [ControlSystems.jl](#) – библиотека содержит функции для анализа и синтеза систем управления (в первую очередь линейных).
- [Interpolations.jl](#) – библиотека содержит функции для различных методов интерполяции.
- [DynamicalSystems.jl](#) – библиотека содержит функции для решения задач нелинейной динамики и анализа временных рядов.
- [Calculus.jl](#) – библиотека содержит функции для базовых операций дифференцирования и интегрирования.
- [GLPK.jl](#) – библиотека содержит функции линейного программирования и линейной оптимизации.
- [Ipopt.jl](#) – библиотека для нелинейной оптимизации задач большой размерности.
- [Distributions.jl](#) – библиотека содержит функции для различных распределений вероятности.
- [Polynomials.jl](#) – библиотека обеспечивает основные арифметические действия, интегрирование, дифференцирование, вычисление значений, нахож-

дение корней и аппроксимацию для одномерных многочленов.

- [TaylorSeries.jl](#) – библиотека содержит функции для разложения в ряд Тейлора функций одной или двух переменных.
- [NLSolve.jl](#) – библиотека содержит функции для решения систем нелинейных уравнений.
- [Symbolics.jl](#) – библиотека для символьных вычислений.
- [Flux.jl](#) – библиотека для машинного обучения.

Типы данных

- [DataFrames.jl](#) – библиотека предоставляет инструментарий для работы с табличными данными.
- [LaTeXStrings.jl](#) – библиотека, упрощающая ввод уравнений **LaTeX** в переменных и константах строкового типа.

Обработка сигналов и связь

- [FFTW.jl](#) – библиотека содержит функции для быстрого преобразования Фурье.
- [Noise.jl](#) – библиотека содержит функции для добавления различных видов шума к сигналам и изображениям.
- [DSP.jl](#) – библиотека содержит ряд функций для цифровой обработки сигналов (расчет периодограмм, оконные функции, синтез фильтров и фильтрация, свертка, корреляция, кодирование с линейным прогнозированием).
- [DigitalComm.jl](#) – библиотека предоставляет некоторые полезные инструменты для управления блоками цифровой связи (манипуляция с битами, модуляция и демодуляция, генерация и декодирование сигналов с несколькими несущими).

Обработка изображений

[ImageBinarization.jl](#) – библиотека содержит ряд алгоритмов для анализа и бинаризации изображений.

Статистика

- [StatsBase.jl](#) – библиотека обеспечивает решение базовых задач статистики.
- [HypothesisTests.jl](#) – библиотека содержит различные функции для проверки статистических гипотез.
- [GLM.jl](#) – библиотека для построения линейных и обобщенных линейных моделей.

Теперь рассмотрим более подробно возможности некоторых из этих библиотек.

Библиотека Plots.jl

Библиотека Plots.jl представляет собой интерфейс и набор инструментов для визуализации данных.

Эта библиотека уже предустановлена в **EngEE**, поэтому начать использовать ее можно с помощью следующей команды:

```
[ ]: using Plots
```

Рассмотрим некоторые возможности этого пакета. Наиболее универсальный инструмент, служащий для построения графиков по числовым данным, – функция `plot`.

Пример. Построим график функции синус. Для координат x можно создать диапазон от 0 до 10, состоящий, скажем, из 100 элементов. Для координат y можно создать вектор, вычислив $\sin(x)$ поэлементно. Для этого мы пишем точку сразу после вызова функции. Наконец, мы используем функцию `plot` для построения линии.

```
[ ]: x = range(0, 10, length=100)
      y = sin.(x)
      plot(x, y)
```

В Plots.jl каждый столбец представляет собой **ряд** – набор связанных точек, образующих линии, поверхности или другие примитивы построения графиков. Мы можем построить несколько линий, задав матрицу значений, где каждый столбец интерпретируется как отдельная линия. Ниже `[y1 y2]` формирует матрицу размером 100×2 (100 строк, 2 столбца).

```
[ ]: x = range(0, 10, length=100)
      y1 = sin.(x)
      y2 = cos.(x)
      plot(x, [y1 y2])
```

Кроме того, можно добавлять на полотно дополнительные линии, изменяя объект `plot`. Для этого используется команда `plot!`, где `!` обозначает, что команда изменяет текущий график.

```
[ ]: y3 = sin.(x).^2 .- 1/2
      plot!(x, y3)
```

⇒ Задание 3

С помощью функций `plot` и `plot!` постройте на одном полотне графики функций $y = x^2$ и $y = x^3$, задав значения x в виде диапазона от -10 до 10, состоящего из 100 элементов.

```
[ ]:
```


щей запятой. То есть она служит для решения уравнений вида $f(x) = 0$ с учетом специфических особенностей чисел с плавающей запятой.

Установим и подключим библиотеку `Roots.jl`:

```
[ ]: import Pkg
      Pkg.add("Roots")
      using Roots
```

Основной интерфейс предоставляет функция `find_zero`. Она поддерживает различные алгоритмы путем спецификации метода.

Пример. Известно, что для функции $F(x) = x^5 - x + 1/2$ один ноль находится на отрезке между $-1,2$ и $-1,0$, а еще два - возле $0,6$.

Для нуля между двумя значениями, при которых функция меняет знак, будет полезен ограничивающий метод, так как согласно теореме о промежуточном значении такие методы гарантированно сходятся для непрерывных функций. Ограничивающий алгоритм используется, если начальные приближения передаются в виде кортежа $(-1.2, -1)$:

```
[ ]: F(x) = x^5 - x + 1/2
      find_zero(F, (-1.2, -1))
```

Для нулей «в окрестности» точки часто применяются неограничивающие методы, так как в общем случае такие алгоритмы эффективнее и могут использоваться в случаях, когда ноль не пересекает ось Ox . Поэтому мы можем задать только начальное приближение:

```
[ ]: find_zero(F, 0.6)
```

Однако все вещественные корни функции $f(x)$ находятся между -5 и 5 . Функция `find_zeros` использует эвристические процедуры и ряд алгоритмов для нахождения всех нулей в заданном диапазоне. В данном случае метод успешно находит все 3 корня:

```
[ ]: find_zeros(F, -5, 5)
```

⇒Задание 4

С помощью функции `find_zero` найдите оба корня уравнения $x^2 - 5 = 0$, зная, что они находятся в окрестностях точек $x = 2$ и $x = -2$.

```
[ ]:
```

Решение

```
[ ]: using Roots
      F(x) = x^2 - 5
      find_zero(F, 2)
```

```
[ ]: find_zero(F, -2)
```

Больше о библиотеке `Roots.jl` вы можете узнать в [документации](#).

Библиотека `Symbolics.jl`

`Symbolics.jl` – это библиотека символьных вычислений.

Для объявления символьных переменных используется макрос `@variables`:

```
[ ]: using Symbolics
      @variables x y
```

После объявления символьных переменных можно генерировать символьные выражения. Например:

```
[ ]: z = x^2 + y
```

Можно создать оператор дифференцирования с помощью `Differential`:

```
[ ]: z = x + x^2
      D = Differential(x)
      D(z)
```

Заметьте, что этот код еще не вычисляет производную: `D` – это ленивый оператор, так как позволяет символически представить производную u по x , что полезно, например, при представлении дифференциальных уравнений. Однако если мы хотим получить символьное выражение для производной, будем использовать `expand_derivatives`:

```
[ ]: expand_derivatives(D(z))
```

Для упрощения символьных выражений используется команда `Symbolics.simplify`:

```
[ ]: Symbolics.simplify(2x + 3x + 5x)
```

⇒ Задание 5

Объявите символьные переменные a и b . Затем с помощью функции `Symbolics.simplify` упростите выражение $(a^2 - b^2)/(a - b)$.

```
[ ]:
```

Решение

```
[ ]: using Symbolics
      @variables a b
```

```
Symbolics.simplify((a^2-b^2)/(a-b))
```

Больше о библиотеке `Symbolics.jl` вы можете узнать в [документации](#).

Библиотека `NumericalIntegration.jl`

Библиотека `NumericalIntegration.jl` - это простой пакет, предназначенный для численного интегрирования предварительно дискретизированных данных (то есть вы не можете выбирать произвольные узлы).

Пример. Интегрирование методом трапеций (по умолчанию) с помощью функции `integrate`:

```
[ ]: using NumericalIntegration
      x = collect(-π/2 : π/1000 : π/2)
      y = sin.(x)
      integrate(x, y)
```

Интегрирование методом Симпсона:

```
[ ]: integrate(x, y, SimpsonEven())
```

Интегрирование с накоплением:

```
[ ]: Y = cumul_integrate(x, y)
```

Больше о библиотеке `NumericalIntegration.jl` вы можете узнать в [документации](#).

Если у вас есть возможность задавать подынтегральную функцию в произвольных точках, используйте более эффективную библиотеку [FastGaussQuadrature.jl](#).

Библиотека `LinearAlgebra.jl`

Библиотека `LinearAlgebra.jl` содержит реализацию множества часто используемых операций линейной алгебры.

Пример. Для матрицы `A` вычислим след, определитель и обратную матрицу с помощью функций `tr`, `det` и `inv` соответственно.

```
[ ]: using LinearAlgebra
      A = [1 2 3; 4 1 6; 7 8 1]
```

```
[ ]: tr(A)
```

```
[ ]: det(A)
```

```
[ ]: inv(A)
```

Собственные значения и собственные векторы матрицы находятся с помощью функций `eigvals` и `eigvecs` соответственно:

```
[ ]: A = [-4. -17.; 2. 2.]  
eigvals(A)
```

```
[ ]: eigvecs(A)
```

Кроме того, в библиотеке `LinearAlgebra.jl` доступно множество разложений матриц. Например, LU-разложение выполняется с помощью функции `factorize`:

```
[ ]: A = [1.5 2 -4; 3 -1 -6; -10 2.3 4]  
factorize(A)
```

⇒ Задание 6

Задайте матрицу $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 10 \end{pmatrix}$. С помощью функций библиотеки

`LinearAlgebra.jl` для этой матрицы вычислите след, определитель, обратную матрицу, собственные значения и собственные векторы.

```
[ ]:
```

Решение

```
[ ]: using LinearAlgebra  
A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 10]  
tr(A)
```

```
[ ]: det(A)
```

```
[ ]: inv(A)
```

```
[ ]: eigvals(A)
```

```
[ ]: eigvecs(A)
```

Больше о библиотеке `LinearAlgebra.jl` вы можете узнать в [документации](#).

Создание собственных библиотек

Для создания собственных библиотек используется команда `module`. Для этого нужно выполнить следующее:

1. Создадим скрипт `module` и назовем его так, как бы мы хотели назвать свою библиотеку (в нашем случае `Test_lib`) и добавим содержимое модуля, например функцию `get_value`, которая просто возвращает входное значение:

```
[ ]: module Test_lib
      function get_value(x)
          return x
      end
end
```

2. Для загрузки созданной библиотеки используем оператор `import` или `using`.
`import.Test_lib.get_value`

или

```
using.Test_lib
```

3. Далее получим требуемую функцию с помощью оператора `import`:

```
[ ]: import.Test_lib.get_value
import_value = get_value(7)
```

или с помощью оператора `using`:

```
[ ]: using.Test_lib
using_value = get_value(7)
```

Добавление точки между `import` и именем библиотеки обязательно в случае добавления собственной библиотеки из `module`. Аналогично и для `using`.

⇒Задание 7

Создайте библиотеку `My_lib`, содержащую одну функцию `opp(x)`, которая возвращает число, противоположное входному значению. Затем загрузите функцию `opp` из библиотеки `My_lib` с помощью оператора `import.My_lib.opp`. После этого с помощью функции `opp` найдите число, противоположное числу 5.

```
[ ]:
```

Решение

```
[ ]: # создаем библиотеку
module My_lib
    function opp(x)
        return -x
    end
end
```

```
[ ]: # используем библиотеку
import.My_lib.opp
```

орр(5)

Тест для получения сертификата

Пройти тест по теме **Библиотеки**.