Лабораторная работа № 3

РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ ТВЕРДОГО ТЕЛА С АКУСТИЧЕСКОЙ СРЕДОЙ: УСТАНОВИВШИЕСЯ КОЛЕБАНИЯ УПРУГОГО ИЗЛУЧАТЕЛЯ В АКУСТИЧЕСКОЙ СРЕДЕ

Индивидуальные задания

Написать программу на языке APDL ANSYS для расчета задачи о взаимодействии твердого тела с акустической средой в режиме установившихся колебаний в двумерной постановке (осесимметричная задача или задача о плоской деформации).

Предварительно решить задачу о собственных колебаниях упругого тела. Найти первые собственные частоты и оценить возможность их возбуждения заданными внешними воздействиями $F = \tilde{F} \exp[i2\pi ft]$ или $p_{\Gamma} = \tilde{p}_{\Gamma} \exp[i2\pi ft]$. В итоге выбрать частотный интервал в окрестности первой (из возбуждаемых) резонансной частоты.

Оценить значение радиуса расположения акустических конечных элементов FLUID129 или импедансных акустических границ и размеры конечных элементов.

Построить амплитудно-частотную характеристику смещений в характерной точке. Для резонансной частоты получить деформированную форму упругого тела, распределения давления в акустической среде и график изменения акустического давления вдоль характерного пути.

Провести расчеты при различной плотности конечно-элементной сетки и для нескольких значений радиуса акустической среды и найти его подходящее значение.

Проанализировать результаты и оформить отчет. Отчет должен содержать данные об исполнителе, описание задачи, а также указанные выше результаты, полученные с помощью вычислительного комплекса ANSYS.

При моделировании использовать следующие значения материальных констант изотропных сред, заданных в системе СИ:

- сталь с модулем Юнга $E=2\cdot10^{11}$ (H/м²), коэффициентом Пуассона v=0.29 и плотностью $\rho=7860$ (кг/м³);
- медь с модулем Юнга $E = 1.2 \cdot 10^{11}$ (H/м²), коэффициентом Пуассона v = 0.33 и плотностью $\rho = 8900$ (кг/м³);
- титан с модулем Юнга $E = 1.12 \cdot 10^{11}$ (H/м²), коэффициентом Пуассона v = 0.32 и плотностью $\rho = 4500$ (кг/м³);
- морская вода со скоростью звука c_a =1560 (м/с) и с плотностью ρ_a =1030 (кг/м³);

- пресная вода со скоростью звука c_a =1500 (м/с) и с плотностью ρ_a =1000 (кг/м³);
- воздух со скоростью звука c_a =340 (м/c) и с плотностью ρ_a =1.2 (кг/м³).

Варианты индивидуальных заданий собраны в следующей таблице 1. (По возможности учитывайте симметрию задачи!)

Сосредоточенные воздействия \tilde{F} имеют здесь размерность H/м, так как в действительности для плоской деформации они распределены вдоль линии, параллельной оси z, а для осесимметричной задачи — вдоль окружности с радиусом R_f , равным координате X точки приложения силы на меридиональном сечении. В ANSYS для осесимметричной задачи значение силы надо умножать на длину окружности $2\pi\,R_f$. Таким образом, в случае задания сосредоточенной силы \tilde{F} для осесимметричной задачи надо использовать значение $2\pi\,R_f\tilde{F}$, а для плоской деформации — значение \tilde{F} . (Исключение для осесимметричной задачи составляет случай задания силы \tilde{F} на оси вращения, т.е. при $R_f=0$ Здесь \tilde{F} имеет размерность H, и используется именно это значение \tilde{F} .)

Всюду на рисунках ниже Ω_a — акустическая область, Γ_{ar} — поверхность акустической области с граничными условиями жесткой стенки.

Таблица 1 Варианты заданий

No	Вид излучателя	Входные данные и условие
		задачи
1.	$ \begin{array}{c c} & & & & & & \\ & & & & & & \\ & & & & $	Осесимметричная задача. Материал излучателя — титан, внешний радиус купола $R_1 = 0.2$ м, толщина $h = 0.01$ м, $a = 0.3$ м. Акустическая среда (морская вода) заполняет область со стороны внешней нормали к поверхности излучателя радиуса R_1 , $\tilde{p}_{\Gamma} = 50~\text{H/m}^2$.
2.	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Плоская деформация. Материал излучателя — титан, толщина $h=0.02$ м, $a=0.4$ м, $b=c=0.3$ м. Акустическая среда (воздух) заполняет область со стороны внешней нормали к верхней поверхности излучателя, $\tilde{F}=100~{\rm H/m}$.

Распределение вариантов

J	No	№ задания	ФИО студента
1	1	1	Гончаров Борис Константинович
4	2	2	Кубанцев Даниил Григорьевич