

# Лекция 10. Протоколы распределения ключей

Косолапов Ю.В.

ЮФУ

11 ноября 2020 г.

# Содержание

- 1 Назначение протоколов обмена ключами
- 2 Протоколы передачи ключей
  - Без привлечения третьей доверенной стороны (двусторонние)
  - С привлечением третьей доверенной стороны (трехсторонние)
- 3 Протокол генерации ключей
- 4 О свойствах протоколов согласования ключа

## Определение

Протокол распределения ключей [key distribution protocol] – протокол получения пользователями ключей, необходимых для функционирования криптографической системы.

## Определение

Протокол распределения ключей [key distribution protocol] – протокол получения пользователями ключей, необходимых для функционирования криптографической системы.

Выделяют следующие типы протоколов

## Определение

Протокол распределения ключей [key distribution protocol] – протокол получения пользователями ключей, необходимых для функционирования криптографической системы.

Выделяют следующие типы протоколов

- протоколы **передачи** ключей (уже сгенерированных)

## Определение

Протокол распределения ключей [key distribution protocol] – протокол получения пользователями ключей, необходимых для функционирования криптографической системы.

Выделяют следующие типы протоколов

- протоколы **передачи** ключей (уже сгенерированных)
- протоколы **совместной генерации** ключей (генерируются новые ключи)

## Определение

Протокол распределения ключей [key distribution protocol] – протокол получения пользователями ключей, необходимых для функционирования криптографической системы.

Выделяют следующие типы протоколов

- протоколы **передачи** ключей (уже сгенерированных)
- протоколы **совместной генерации** ключей (генерируются новые ключи)
- протоколы **предварительного распределения** ключей (для генерации новых ключей в конференциях)

# Цель

## Цель

Передать от участника  $A$  к участнику  $B$  ранее сгенерированный ключ  $k$  (ключ, как правило, генерирует  $A$ ):

# Цель

## Цель

Передать от участника  $A$  к участнику  $B$  ранее сгенерированный ключ  $k$  (ключ, как правило, генерирует  $A$ ):

$$A \rightarrow B : k$$

## Цель

### Цель

Передать от участника  $A$  к участнику  $B$  ранее сгенерированный ключ  $k$  (ключ, как правило, генерирует  $A$ ):

$$A \rightarrow B : k$$

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

# Цель

## Цель

Передать от участника  $A$  к участнику  $B$  ранее сгенерированный ключ  $k$  (ключ, как правило, генерирует  $A$ ):

$$A \rightarrow B : k$$

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

- Если ключ передается в **открытом виде**, то ключ можно **подсмотреть** в канале передачи.
  - ▶ Как защищаться?

# Цель

## Цель

Передать от участника  $A$  к участнику  $B$  ранее сгенерированный ключ  $k$  (ключ, как правило, генерирует  $A$ ):

$$A \rightarrow B : k$$

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

- Если ключ передается в **открытом виде**, то ключ можно **подсмотреть** в канале передачи.
  - ▶ **Как защищаться?** Шифровать.

## Цель

### Цель

Передать от участника  $A$  к участнику  $B$  ранее сгенерированный ключ  $k$  (ключ, как правило, генерирует  $A$ ):

$$A \rightarrow B : k$$

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

- Если ключ передается в **открытом** виде, то ключ можно **подсмотреть** в канале передачи.
  - ▶ **Как защищаться?** Шифровать.
- Если не выполнять предварительную аутентификацию участника  $A$ , то у  $B$  нет гарантии, что ключи ему прислал именно  $A$ .
  - ▶ **Как защищаться?**

# Цель

## Цель

Передать от участника  $A$  к участнику  $B$  ранее сгенерированный ключ  $k$  (ключ, как правило, генерирует  $A$ ):

$$A \rightarrow B : k$$

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

- Если ключ передается в **открытом виде**, то ключ можно **подсмотреть** в канале передачи.
  - ▶ **Как защищаться?** Шифровать.
- Если не выполнять предварительную аутентификацию участника  $A$ , то у  $B$  нет гарантии, что ключи ему прислал именно  $A$ .
  - ▶ **Как защищаться?** Проводить аутентификацию сторон.

# Цель

## Цель

Передать от участника  $A$  к участнику  $B$  ранее сгенерированный ключ  $k$  (ключ, как правило, генерирует  $A$ ):

$$A \rightarrow B : k$$

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

- Если ключ передается в **открытом виде**, то ключ можно **подсмотреть** в канале передачи.
  - ▶ **Как защищаться?** Шифровать.
- Если не выполнять предварительную аутентификацию участника  $A$ , то у  $B$  нет гарантии, что ключи ему прислал именно  $A$ .
  - ▶ **Как защищаться?** Проводить аутентификацию сторон.
- Если нет контроля «свежести» (fresh) ключа, то атакующий может попытаться навязать использование старого ключа (который он, например, смог «как-то» получить). Это и есть replay-атака.
  - ▶ **Как защищаться?**

# Цель

## Цель

Передать от участника  $A$  к участнику  $B$  ранее сгенерированный ключ  $k$  (ключ, как правило, генерирует  $A$ ):

$$A \rightarrow B : k$$

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

- Если ключ передается в **открытом** виде, то ключ можно **подсмотреть** в канале передачи.
  - ▶ **Как защищаться?** Шифровать.
- Если не выполнять предварительную аутентификацию участника  $A$ , то у  $B$  нет гарантии, что ключи ему прислал именно  $A$ .
  - ▶ **Как защищаться?** Проводить аутентификацию сторон.
- Если нет контроля «свежести» (fresh) ключа, то атакующий может попытаться навязать использование старого ключа (который он, например, смог «как-то» получить). Это и есть replay-атака.
  - ▶ **Как защищаться?** Использовать механизмы контроля свежести ключа (метки времени).

# Без ЭЦП. Вариант 1

- Участник  $B$  имеем пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

# Без ЭЦП. Вариант 1

- Участник  $B$  имеем пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : c = E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, A)$

$B : (k, \text{TIMESTAMP}, A) = D_{k_s^B}(c)$

$B : \text{TIMESTAMP} \stackrel{?}{\in} [\text{TIME} - \Delta, \text{TIME} + \Delta]$

# Без ЭЦП. Вариант 1

- Участник  $B$  имеем пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : c = E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, A)$

$B : (k, \text{TIMESTAMP}, A) = D_{k_s^B}(c)$

$B : \text{TIMESTAMP} \stackrel{?}{\in} [\text{TIME} - \Delta, \text{TIME} + \Delta]$

## Анализ

# Без ЭЦП. Вариант 1

- Участник  $B$  имеем пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : c = E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, A)$

$B : (k, \text{TIMESTAMP}, A) = D_{k_s^B}(c)$

$B : \text{TIMESTAMP} \stackrel{?}{\in} [\text{TIME} - \Delta, \text{TIME} + \Delta]$

## Анализ

- Шифрование ключа:

# Без ЭЦП. Вариант 1

- Участник  $B$  имеем пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : c = E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, A)$

$B : (k, \text{TIMESTAMP}, A) = D_{k_s^B}(c)$

$B : \text{TIMESTAMP} \stackrel{?}{\in} [\text{TIME} - \Delta, \text{TIME} + \Delta]$

## Анализ

- Шифрование ключа: **Да**

# Без ЭЦП. Вариант 1

- Участник  $B$  имеем пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : c = E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, A)$

$B : (k, \text{TIMESTAMP}, A) = D_{k_s^B}(c)$

$B : \text{TIMESTAMP} \stackrel{?}{\in} [\text{TIME} - \Delta, \text{TIME} + \Delta]$

## Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя:

# Без ЭЦП. Вариант 1

- Участник  $B$  имеем пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : c = E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, A)$

$B : (k, \text{TIMESTAMP}, A) = D_{k_s^B}(c)$

$B : \text{TIMESTAMP} \stackrel{?}{\in} [\text{TIME} - \Delta, \text{TIME} + \Delta]$

## Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя: **Нет**

# Без ЭЦП. Вариант 1

- Участник  $B$  имеем пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : c = E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, A)$

$B : (k, \text{TIMESTAMP}, A) = D_{k_s^B}(c)$

$B : \text{TIMESTAMP} \stackrel{?}{\in} [\text{TIME} - \Delta, \text{TIME} + \Delta]$

## Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя: **Нет**
- Защита от replay-атаки:

# Без ЭЦП. Вариант 1

- Участник  $B$  имеем пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : c = E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, A)$

$B : (k, \text{TIMESTAMP}, A) = D_{k_s^B}(c)$

$B : \text{TIMESTAMP} \stackrel{?}{\in} [\text{TIME} - \Delta, \text{TIME} + \Delta]$

## Анализ

- Шифрование ключа: Да
- Аутентификация отправителя: Нет
- Защита от replay-атаки: Да

## Без ЭЦП. Вариант 2

- $A$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- $B$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

## Без ЭЦП. Вариант 2

- $A$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- $B$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_1, A)$

$B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$

$B \rightarrow A : E_{k_p^A}(k_1, k_2)$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_2)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

## Без ЭЦП. Вариант 2

- $A$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- $B$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_1, A)$

$B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$

$B \rightarrow A : E_{k_p^A}(k_1, k_2)$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_2)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

Анализ

## Без ЭЦП. Вариант 2

- $A$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- $B$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$   
 $A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_1, A)$   
 $B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$   
 $B \rightarrow A : E_{k_p^A}(k_1, k_2)$   
 $A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_2)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

### Анализ

- Шифрование ключа:

## Без ЭЦП. Вариант 2

- $A$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- $B$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$   
 $A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_1, A)$   
 $B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$   
 $B \rightarrow A : E_{k_p^A}(k_1, k_2)$   
 $A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_2)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

### Анализ

- Шифрование ключа: **Да**

## Без ЭЦП. Вариант 2

- $A$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- $B$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_1, A)$

$B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$

$B \rightarrow A : E_{k_p^A}(k_1, k_2)$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_2)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

### Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя:

## Без ЭЦП. Вариант 2

- $A$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- $B$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_1, A)$

$B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$

$B \rightarrow A : E_{k_p^A}(k_1, k_2)$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_2)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

### Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя: **Да**

## Без ЭЦП. Вариант 2

- $A$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- $B$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$   
 $A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_1, A)$   
 $B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$   
 $B \rightarrow A : E_{k_p^A}(k_1, k_2)$   
 $A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_2)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

### Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя: **Да**
- Защита от replay-атаки:

## Без ЭЦП. Вариант 2

- $A$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- $B$  имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$   
 $A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_1, A)$   
 $B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$   
 $B \rightarrow A : E_{k_p^A}(k_1, k_2)$   
 $A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k_2)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

### Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя: **Да**
- Защита от replay-атаки: **Да**

# С применением ЭЦП

- А имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- В имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

# С применением ЭЦП

- А имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- В имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

Вариант 1. Authenticate then Encrypt (AtE), **используется в SSL/TLS**

---

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k))$

# С применением ЭЦП

- A имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- B имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

Вариант 1. Authenticate then Encrypt (AtE), **используется в SSL/TLS**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k))$

Вариант 2. Authenticate & Encrypt (A&E), **используется в SSH**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k)$

# С применением ЭЦП

- A имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- B имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

Вариант 1. Authenticate then Encrypt (AtE), **используется в SSL/TLS**

---

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k))$

Вариант 2. Authenticate & Encrypt (A&E), **используется в SSH**

---

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k)$

Вариант 3. Encrypt then authenticate (EtA), **используется в IPSec**

---

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(A, k), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, E_{k_p^B}(A, k))$

# С применением ЭЦП

- A имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- B имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

Вариант 1. Authenticate then Encrypt (AtE), используется в SSL/TLS

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k))$

Вариант 2. Authenticate & Encrypt (A&E), используется в SSH

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k)$

Вариант 3. Encrypt then authenticate (EtA), используется в IPSec

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(A, k), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, E_{k_p^B}(A, k))$

Анализ

# С применением ЭЦП

- А имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- В имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

Вариант 1. Authenticate then Encrypt (AtE), используется в SSL/TLS

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k))$

Вариант 2. Authenticate & Encrypt (A&E), используется в SSH

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k)$

Вариант 3. Encrypt then authenticate (EtA), используется в IPSec

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(A, k), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, E_{k_p^B}(A, k))$

## Анализ

- Шифрование ключа:

# С применением ЭЦП

- А имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- В имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

Вариант 1. Authenticate then Encrypt (AtE), используется в SSL/TLS

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k))$

Вариант 2. Authenticate & Encrypt (A&E), используется в SSH

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k)$

Вариант 3. Encrypt then authenticate (EtA), используется в IPSec

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(A, k), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, E_{k_p^B}(A, k))$

Анализ

- Шифрование ключа: **Да**

# С применением ЭЦП

- А имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- В имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

Вариант 1. Authenticate then Encrypt (AtE), используется в SSL/TLS

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k))$

Вариант 2. Authenticate & Encrypt (A&E), используется в SSH

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k)$

Вариант 3. Encrypt then authenticate (EtA), используется в IPSec

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(A, k), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, E_{k_p^B}(A, k))$

## Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя:

# С применением ЭЦП

- А имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- В имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

Вариант 1. Authenticate then Encrypt (AtE), **используется в SSL/TLS**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k))$

Вариант 2. Authenticate & Encrypt (A&E), **используется в SSH**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k)$

Вариант 3. Encrypt then authenticate (EtA), **используется в IPSec**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(A, k), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, E_{k_p^B}(A, k))$

## Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя: **Да**

# С применением ЭЦП

- А имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- В имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

Вариант 1. Authenticate then Encrypt (AtE), **используется в SSL/TLS**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k))$

Вариант 2. Authenticate & Encrypt (A&E), **используется в SSH**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k)$

Вариант 3. Encrypt then authenticate (EtA), **используется в IPSec**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(A, k), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, E_{k_p^B}(A, k))$

## Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя: **Да**
- Защита от replay-атаки:

# С применением ЭЦП

- А имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^A$  и секретный  $k_s^A$ .
- В имеет пару ключей: публичный ключ  $k_p^B$  и секретный  $k_s^B$ .

Вариант 1. Authenticate then Encrypt (AtE), **используется в SSL/TLS**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}, \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k))$

Вариант 2. Authenticate & Encrypt (A&E), **используется в SSH**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(k, \text{TIMESTAMP}), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, k)$

Вариант 3. Encrypt then authenticate (EtA), **используется в IPSec**

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : E_{k_p^B}(A, k), \text{SIGN}_{k_s^A}(B, \text{TIMESTAMP}, E_{k_p^B}(A, k))$

## Анализ

- Шифрование ключа: **Да**
- Аутентификация отправителя: **Да**
- Защита от replay-атаки: **Да**

# Передача ключа с использованием симметричной криптографии

- $A$  имеет секретный ключ  $k_{AS}$  взаимодействия с доверенной стороной  $S$ .
- $B$  имеет секретный ключ  $k_{BS}$  взаимодействия с доверенной стороной  $S$ .
- Доверенная сторона  $S$  имеет ключи  $k_{AS}$  и  $k_{BS}$  для взаимодействия с  $A$  и  $B$  соответственно.

## Протокол Нидхема-Шрёдера<sup>1</sup>

$A \rightarrow CA : A, B, \text{NONCE}_A$

$CA : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$CA \rightarrow A : E_{k_{AS}}(\text{NONCE}_A, B, k, Y)$ , где  $Y = E_{k_{BS}}(k, A)$

$A \rightarrow B : Y$

# Передача ключа с использованием симметричной криптографии

- А имеет секретный ключ  $k_{AS}$  взаимодействия с доверенной стороной S.
- В имеет секретный ключ  $k_{BS}$  взаимодействия с доверенной стороной S.
- Доверенная сторона S имеет ключи  $k_{AS}$  и  $k_{BS}$  для взаимодействия с А и В соответственно.

## Протокол Нидхема-Шрёдера<sup>1</sup>

$A \rightarrow CA : A, B, \text{NONCE}_A$

$CA : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$CA \rightarrow A : E_{k_{AS}}(\text{NONCE}_A, B, k, Y)$ , где  $Y = E_{k_{BS}}(k, A)$

$A \rightarrow B : Y$

## Проблема

Проверяя  $\text{NONCE}_A$ , участник А могут убедиться, что сообщение получено от S (т.е. replay-атака не проводится), однако у В нет гарантии, что сообщение  $Y$  не является старым (например, из предыдущей сессии). Для защиты используется так называемое «рукопожатие» (handshake).

# Протокол Нидхема-Шрёдера для передачи ключа

- $A$  имеет секретный ключ  $k_{AS}$  взаимодействия с доверенной стороной  $S$ .
- $B$  имеет секретный ключ  $k_{BS}$  взаимодействия с доверенной стороной  $S$ .
- Доверенная сторона  $S$  имеет ключи  $k_{AS}$  и  $k_{BS}$  для взаимодействия с  $A$  и  $B$  соответственно.

## Протокол

$A \rightarrow CA : A, B, \text{NONCE}_A$

$CA : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$CA \rightarrow A : E_{k_{AS}}(\text{NONCE}_A, B, k, Y)$ , где  $Y = E_{k_{BS}}(k, A)$

$A \rightarrow B : Y$

$B \rightarrow A : E_k(\text{NONCE}_B)$

$A \rightarrow B : E_k(\text{NONCE}_B - 1)$

# Протокол Нидхема-Шрёдера для передачи ключа

- $A$  имеет секретный ключ  $k_{AS}$  взаимодействия с доверенной стороной  $S$ .
- $B$  имеет секретный ключ  $k_{BS}$  взаимодействия с доверенной стороной  $S$ .
- Доверенная сторона  $S$  имеет ключи  $k_{AS}$  и  $k_{BS}$  для взаимодействия с  $A$  и  $B$  соответственно.

## Протокол

$A \rightarrow CA : A, B, \text{NONCE}_A$

$CA : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$CA \rightarrow A : E_{k_{AS}}(\text{NONCE}_A, B, k, Y)$ , где  $Y = E_{k_{BS}}(k, A)$

$A \rightarrow B : Y$

$B \rightarrow A : E_k(\text{NONCE}_B)$

$A \rightarrow B : E_k(\text{NONCE}_B - 1)$

## Проблема

Если атакующий  $C$  сможет перехватить  $Y$  и как-то извлечь из него ключ  $k$ , то после этого  $C$  может навязывать участнику  $B$  использование скомпрометированного ключа  $k$ . Как от этого защититься?

# Передача ключа с **односторонней** аутентификацией на основе сертификатов публичных ключей

## Замечание

В предыдущих протоколах на основе асимметричной криптографии предполагается, что участники заранее обменялись открытыми ключами (без подмены).

# Передача ключа с **односторонней** аутентификацией на основе сертификатов публичных ключей

## Замечание

В предыдущих протоколах на основе асимметричной криптографии предполагается, что участники заранее обменялись открытыми ключами (без подмены).

- $A$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^A$ .
- $B$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^B$ .
- Доверенная сторона  $CA$  имеет сертификаты  $Cert_A$  и  $Cert_B$  сторон  $A$  и  $B$  соответственно.

# Передача ключа с **односторонней** аутентификацией на основе сертификатов публичных ключей

## Замечание

В предыдущих протоколах на основе асимметричной криптографии предполагается, что участники заранее обменялись открытыми ключами (без подмены).

- $A$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^A$ .
- $B$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^B$ .
- Доверенная сторона  $CA$  имеет сертификаты  $Cert_A$  и  $Cert_B$  сторон  $A$  и  $B$  соответственно.

Передача сгенерированного ключа:

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow CA : A, B$

$CA \rightarrow A : Cert_A, Cert_B$

$A \rightarrow B : Cert_A, Cert_B, E_{k_p^B}(\text{SIGN}_{k_s^A}(k, \text{TIMESTAMP}))$

# Передача ключа с **односторонней** аутентификацией на основе сертификатов публичных ключей

## Замечание

В предыдущих протоколах на основе асимметричной криптографии предполагается, что участники заранее обменялись открытыми ключами (без подмены).

- $A$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^A$ .
- $B$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^B$ .
- Доверенная сторона  $CA$  имеет сертификаты  $Cert_A$  и  $Cert_B$  сторон  $A$  и  $B$  соответственно.

Передача сгенерированного ключа:

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow CA : A, B$

$CA \rightarrow A : Cert_A, Cert_B$

$A \rightarrow B : Cert_A, Cert_B, E_{k_p^B}(\text{SIGN}_{k_s^A}(k, \text{TIMESTAMP}))$

Анализ:

# Передача ключа с **односторонней** аутентификацией на основе сертификатов публичных ключей

## Замечание

В предыдущих протоколах на основе асимметричной криптографии предполагается, что участники заранее обменялись открытыми ключами (без подмены).

- $A$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^A$ .
- $B$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^B$ .
- Доверенная сторона  $CA$  имеет сертификаты  $Cert_A$  и  $Cert_B$  сторон  $A$  и  $B$  соответственно.

Передача сгенерированного ключа:

$A : k \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow CA : A, B$

$CA \rightarrow A : Cert_A, Cert_B$

$A \rightarrow B : Cert_A, Cert_B, E_{k_p^B}(\text{SIGN}_{k_s^A}(k, \text{TIMESTAMP}))$

Анализ: Самостоятельно

# Передача ключа с **взаимной** аутентификацией на основе сертификатов публичных ключей

## Передача ключа с **взаимной** аутентификацией на основе сертификатов публичных ключей

- $A$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^A$ .
- $B$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^B$ .
- Доверенная сторона  $CA$  имеет сертификаты  $Cert_A$  и  $Cert_B$  сторон  $A$  и  $B$  соответственно.

# Передача ключа с взаимной аутентификацией на основе сертификатов публичных ключей

- $A$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^A$ .
- $B$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^B$ .
- Доверенная сторона  $CA$  имеет сертификаты  $Cert_A$  и  $Cert_B$  сторон  $A$  и  $B$  соответственно.

Передача ключа с взаимной аутентификацией (CCITT X.509):

$A \rightarrow CA : A, B$

$CA \rightarrow A : Cert_A, Cert_B$

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : Cert_A, \textcolor{red}{Cert_B}, D_A, \text{SIGN}_{k_s^A}(D_A), \quad D_A = (\text{TIMESTAMP}_A, R_A, B, E_{k_p^B}(k_1))$

$B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$

$B \rightarrow A : D_B, \text{SIGN}_{k_s^B}(D_B), \quad D_B = (\text{TIMESTAMP}_B, R_B, A, R_A, E_{k_p^A}(k_2))$

$A \rightarrow B : R_B, B, \text{SIGN}_{k_s^A}(R_B, B)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

# Передача ключа с взаимной аутентификацией на основе сертификатов публичных ключей

- А имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^A$ .
- В имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^B$ .
- Доверенная сторона  $CA$  имеет сертификаты  $Cert_A$  и  $Cert_B$  сторон А и В соответственно.

Передача ключа с взаимной аутентификацией (CCITT X.509):

$A \rightarrow CA : A, B$

$CA \rightarrow A : Cert_A, Cert_B$

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : Cert_A, Cert_B, D_A, \text{SIGN}_{k_s^A}(D_A), D_A = (\text{TIMESTAMP}_A, R_A, B, E_{k_p^B}(k_1))$

$B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$

$B \rightarrow A : D_B, \text{SIGN}_{k_s^B}(D_B), D_B = (\text{TIMESTAMP}_B, R_B, A, R_A, E_{k_p^A}(k_2))$

$A \rightarrow B : R_B, B, \text{SIGN}_{k_s^A}(R_B, B)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

Анализ:

# Передача ключа с взаимной аутентификацией на основе сертификатов публичных ключей

- $A$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^A$ .
- $B$  имеет сертификат  $Cert_{CA}$  ключа доверенной стороны  $CA$  и свой секретный ключ  $k_s^B$ .
- Доверенная сторона  $CA$  имеет сертификаты  $Cert_A$  и  $Cert_B$  сторон  $A$  и  $B$  соответственно.

Передача ключа с взаимной аутентификацией (CCITT X.509):

$A \rightarrow CA : A, B$

$CA \rightarrow A : Cert_A, Cert_B$

$A : k_1 \leftarrow \text{GENERATE}$

$A \rightarrow B : Cert_A, Cert_B, D_A, \text{SIGN}_{k_s^A}(D_A), D_A = (\text{TIMESTAMP}_A, R_A, B, E_{k_p^B}(k_1))$

$B : k_2 \leftarrow \text{GENERATE}$

$B \rightarrow A : D_B, \text{SIGN}_{k_s^B}(D_B), D_B = (\text{TIMESTAMP}_B, R_B, A, R_A, E_{k_p^A}(k_2))$

$A \rightarrow B : R_B, B, \text{SIGN}_{k_s^A}(R_B, B)$

Общий ключ:  $k = k_1 \oplus k_2$

Анализ: Самостоятельно

# Цель

## Цель

Сгенерировать совместно участниками  $A$  и  $B$  ключ  $k$ .

# Цель

## Цель

Сгенерировать совместно участниками  $A$  и  $B$  ключ  $k$ .

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

# Цель

## Цель

Сгенерировать совместно участниками  $A$  и  $B$  ключ  $k$ .

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

- По передаваемым в канале сообщениям наблюдатель может попытаться сгенерировать такой же ключ.
  - Как защищаться?

# Цель

## Цель

Сгенерировать совместно участниками  $A$  и  $B$  ключ  $k$ .

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

- По передаваемым в канале сообщениям наблюдатель может попытаться сгенерировать такой же ключ.
  - Как защищаться? Использовать односторонние функции.

# Цель

## Цель

Сгенерировать совместно участниками  $A$  и  $B$  ключ  $k$ .

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

- По передаваемым в канале сообщениям наблюдатель может попытаться сгенерировать такой же ключ.
  - ▶ **Как защищаться?** Использовать односторонние функции.
- Если не выполнять предварительную взаимную аутентификацию, то можно сгенерировать ключ с противником.
  - ▶ **Как защищаться?**

# Цель

## Цель

Сгенерировать совместно участниками  $A$  и  $B$  ключ  $k$ .

Какие могут быть атаки на такие протоколы в рамках модели Долева-Яо?

- По передаваемым в канале сообщениям наблюдатель может попытаться сгенерировать такой же ключ.
  - ▶ **Как защищаться?** Использовать односторонние функции.
- Если не выполнять предварительную взаимную аутентификацию, то можно сгенерировать ключ с противником.
  - ▶ **Как защищаться?** Проводить аутентификацию сторон.

# Протокол Диффи-Хэллмана

# Протокол Диффи-Хэллмана

- $\langle g \rangle$  — циклическая группа **желательно простого** порядка  $p$ ,  $g$  — порождающий элемент.

# Протокол Диффи-Хэллмана

- $\langle g \rangle$  — циклическая группа **желательно простого** порядка  $p$ ,  $g$  — порождающий элемент.

Протокол:

$$A : a \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$A \rightarrow B : X = g^a$$

$$B : b \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$B \rightarrow A : Y = g^b$$

Общий ключ:  $k = g^{ab} = X^b = Y^a$

# Протокол Диффи-Хэллмана

- $\langle g \rangle$  — циклическая группа **желательно простого** порядка  $p$ ,  $g$  — порождающий элемент.

Протокол:

$$A : a \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$A \rightarrow B : X = g^a$$

$$B : b \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$B \rightarrow A : Y = g^b$$

Общий ключ:  $k = g^{ab} = X^b = Y^a$

Анализ:

# Протокол Диффи-Хэллмана

- $\langle g \rangle$  — циклическая группа **желательно простого** порядка  $p$ ,  $g$  — порождающий элемент.

Протокол:

$$A : a \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$A \rightarrow B : X = g^a$$

$$B : b \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$B \rightarrow A : Y = g^b$$

Общий ключ:  $k = g^{ab} = X^b = Y^a$

Анализ:

- Секретность:

# Протокол Диффи-Хэллмана

- $\langle g \rangle$  — циклическая группа **желательно простого** порядка  $p$ ,  $g$  — порождающий элемент.

Протокол:

$$A : a \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$A \rightarrow B : X = g^a$$

$$B : b \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$B \rightarrow A : Y = g^b$$

Общий ключ:  $k = g^{ab} = X^b = Y^a$

Анализ:

- Секретность: **Да**, так как по  $X = (g, y = g^b, g)$  сложно найти  $g^{ab}$ .

# Протокол Диффи-Хэллмана

- $\langle g \rangle$  — циклическая группа **желательно простого** порядка  $p$ ,  $g$  — порождающий элемент.

Протокол:

$$A : a \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$A \rightarrow B : X = g^a$$

$$B : b \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$B \rightarrow A : Y = g^b$$

Общий ключ:  $k = g^{ab} = X^b = Y^a$

Анализ:

- Секретность: **Да**, так как по  $X = (g, y = g^b, g)$  сложно найти  $g^{ab}$ .
- Аутентификация:

# Протокол Диффи-Хэллмана

- $\langle g \rangle$  — циклическая группа **желательно простого** порядка  $p$ ,  $g$  — порождающий элемент.

Протокол:

$$A : a \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$A \rightarrow B : X = g^a$$

$$B : b \in_R \mathbb{Z}_p$$

$$B \rightarrow A : Y = g^b$$

Общий ключ:  $k = g^{ab} = X^b = Y^a$

Анализ:

- Секретность: **Да**, так как по  $X = (g, y = g^b, g)$  сложно найти  $g^{ab}$ .
- Аутентификация: **Нет** (MITM, можно защититься, например, с помощью ЭЦП).

# Свойства

# Свойства

## Секретность будущих сообщений (forward-secrecy)

При утечке долговременного секретного ключа в асимметрическом алгоритме (private key), все **будущие** сообщения можно будет расшифровать «на лету» (то есть все будущие сессионные или кратковременные ключи могут быть скомпрометированы).

## Свойства

### Секретность будущих сообщений (forward-secrecy)

При утечке долговременного секретного ключа в асимметрическом алгоритме (private key), все **будущие** сообщения можно будет расшифровать «на лету» (то есть все будущие сессионные или кратковременные ключи могут быть скомпрометированы).

### Секретность прошлых сообщений (backward-secrecy)

При утечке долговременного секретного ключа в асимметрическом алгоритме (private key), все **прошлые** сообщения записанные противником (network attacker threat model) можно будет расшифровать.

# Пример 1

Исходные данные:

- $A$  – клиент (например, Интернет-браузер)
- $B$  – сервер (например, web-сервер)
- Протокол выработки ключа – протокол Диффи-Хэллмана

# Пример 1

Исходные данные:

- $A$  – клиент (например, Интернет-браузер)
- $B$  – сервер (например, web-сервер)
- Протокол выработки ключа – протокол Диффи-Хэллмана

Условия на протокол:

- $A$  выбирает  $a(\in \mathbb{Z})$  случайно
- $B$  использует **постоянное** значение  $b(\in \mathbb{Z})$

# Пример 1

Исходные данные:

- $A$  – клиент (например, Интернет-браузер)
- $B$  – сервер (например, web-сервер)
- Протокол выработки ключа – протокол Диффи-Хэллмана

Условия на протокол:

- $A$  выбирает  $a(\in \mathbb{Z})$  случайно
- $B$  использует **постоянное** значение  $b(\in \mathbb{Z})$

Это Fixed-DH

Этот протокол не обладает ни FS, ни BS!

## Пример 2

Исходные данные:

- $A$  – клиент (например, Интернет-браузер)
- $B$  – сервер (например, web-сервер)
- Протокол выработки ключа – протокол Диффи-Хэллмана

## Пример 2

Исходные данные:

- $A$  – клиент (например, Интернет-браузер)
- $B$  – сервер (например, web-сервер)
- Протокол выработки ключа – протокол Диффи-Хэллмана

Условия на протокол:

- $A$  выбирает  $a(\in \mathbb{Z})$  случайно
- $B$  выбирает  $b(\in \mathbb{Z})$  случайно

## Пример 2

Исходные данные:

- $A$  – клиент (например, Интернет-браузер)
- $B$  – сервер (например, web-сервер)
- Протокол выработки ключа – протокол Диффи-Хэллмана

Условия на протокол:

- $A$  выбирает  $a(\in \mathbb{Z})$  случайно
- $B$  выбирает  $b(\in \mathbb{Z})$  случайно

Это Ephemenral-DH (DHE)

Этот протокол обладает и FS, и BS!

# Заключение

Спасибо за внимание!